

Duncan Gulla

Ausgewählte statistische Betrachtungen im Flugzeugentwurf: Superkritische Profile und Fahrwerk

TYP DES DOKUMENTS | TYPE OF THE DOCUMENT

Studienarbeit | Study Thesis

Nachnutzung | Reuse

Diese Publikation steht unter der Creative-Commons-Lizenz Namensnennung - Nicht-kommerziell - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 4.0 International (CC BY-NC-SA 4.0 International). Sofern der Name der Autor*innen/Rechteinhaber*innen genannt wird, kann der Inhalt vervielfältigt, verbreitet und öffentlich aufgeführt werden. Außerdem darf der Inhalt verändert werden (darunterfallen u. a. Übersetzungen des Werkes). Die Weitergabe der veränderten Fassung muss unter derselben Lizenz erfolgen. Der Inhalt darf nicht für kommerzielle Zwecke verwendet werden. Weitere Informationen und die vollständigen Bedingungen der Lizenz finden Sie hier: <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/legalcode>.



Projekt

Ausgewählte statistische Betrachtungen im Flugzeugentwurf: Superkritische Profile und Fahrwerk

Verfasser: Duncan Gulla

Prüfer: Prof. Dr.-Ing. Dieter Scholz, MSME
Abgabe: 2019-03-02

*Fakultät Technik und Informatik
Department Fahrzeugtechnik und Flugzeugbau*

DOI:

<http://doi.org/10.15488/4536>

URN:

<http://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:gbv:18302-aero2019-02-03.016>

Associated URLs:

<http://nbn-resolving.org/html/urn:nbn:de:gbv:18302-aero2019-02-03.016>

© This work is protected by copyright

The work is licensed under a Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0

International License: CC BY-NC-SA

<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0>



Any further request may be directed to:

Prof. Dr.-Ing. Dieter Scholz, MSME

E-Mail see: <http://www.ProfScholz.de>

This work is part of:

Digital Library - Projects & Theses - Prof. Dr. Scholz

<http://library.ProfScholz.de>

Published by

Aircraft Design and Systems Group (AERO)

Department of Automotive and Aeronautical Engineering

Hamburg University of Applied Science

This report is deposited and archived:

- Deutsche Nationalbibliothek (<http://www.dnb.de>)
- Repositorium der Leibniz Universität Hannover (<http://www.repo.uni-hannover.de>)
- Internet Archive (<http://archive.org>)
Item: <http://archive.org/details/TextGulla.pdf>

This report has associated published data in Harvard Dataverse:

<https://doi.org/10.7910/DVN/FLODP2>

Kurzreferat

Kenntnisse über Parametereigenschaften und Charakteristiken von Flugzeugkomponenten sind eine wesentliche Grundlage für Methoden des Flugzeugentwurfs. Daher ist Ziel dieser Arbeit, statistische Merkmale und Kenngrößen einer für den Flugzeugbau und Entwurf relevanten Auswahl an Komponenten zu erschließen. Dabei wurden zunächst superkritische Tragflügelprofile hinsichtlich ihrer geometrischen Eigenschaften (relative Profildicke, Wölbung, Dickenrücklage, Wölbungsrücklage und der sogenannte "Leading Edge Sharpness Parameter") untersucht. Diese Eigenschaften wurden mit der Software XFLR5 aus einer Auswahl an superkritischen Profilgeometrien erhoben und mit grafischen und beschreibenden Statistikmethoden ausgewertet. Die Profile wiesen relative Wölbungen von 0 % bis 3,4 % auf, die Mehrzahl entfiel auf Wölbungen von 1 % bis 2 %. Die Wölbungsrücklagen zeigten die für superkritische Profile typische Lage im hinteren Profilbereich zwischen 70 % und 90 % der Profiltiefe. Die Dickenrücklagen verteilten sich um einen Mittelwert von 37 % der Profiltiefe. Eine Betrachtung von Flugzeugreifendimensionen sollte das Verhältnis von Reifenbreite zum Durchmesser w/d charakterisieren. Es wurde ein annähernd lineares Verhalten festgestellt. Die Werte des Parameters w/d umfassten einen Bereich von 0,3 bis 0,4. Durch Regressionsanalysen konnten auch die Abhängigkeiten des Parameters w/d von nur einer bekannten Reifendimension (Breite oder Durchmesser) aufgezeigt werden. Die im Rahmen dieser Arbeit dargestellten Erkenntnisse können als Grundlage weiterführender Untersuchungen genutzt werden.

Ausgewählte statistische Betrachtungen im Flugzeugentwurf: Superkritische Profile und Fahrwerk

Aufgabenstellung für ein Projekt

Hintergrund

In der Flugmechanik wird ein Flugzeug analysiert. Dabei wird die das Flugzeug beschreibende Geometrie vorausgesetzt. Im Flugzeugentwurf geht es hingegen um die Synthese eines Flugzeugs. Dabei wird die Geometrie des Flugzeugs erstmals ermittelt. Die Synthese des Flugzeugs bedient sich unterschiedlicher Rechenmethoden. Zur Anwendung kommen Statistiken, Iterationen, inverse Methoden und Optimierungsalgorithmen. Am Anfang des Flugzeugentwurfs stehen dabei die Flugzeugstatistiken, die einfach zeigen, wie ein Flugzeug üblicherweise gebaut wird. Statistiken sind Erfahrungen über Flugzeuge. Diese gilt es kontinuierlich auszubauen und zu aktualisieren. Dabei geht man von Datensammlungen existierender Flugzeuge aus.

Aufgabe

Zwei Arten von Datensammlungen sollen in dieser Arbeit ausgewertet werden. Zum einen liegt eine Datensammlung über superkritische Flügelprofile vor, zum anderen können Kataloge über Flugzeugreifen der Hersteller ausgewertet werden. Profile sollen hinsichtlich der relative Profildicke, Wölbung, Dickenrücklage, Wölbungsrücklage und hinsichtlich des sogenannte "Leading Edge Sharpness Parameter" untersucht werden. Flugzeugreifen sollen hinsichtlich des Verhältnisses von Reifenbreite zum Durchmesser w/d analysiert werden. Folgende Punkte sind zu bearbeiten:

- Kurze Einführung in Grundlagen und Methoden der Statistik.
- Statistische Untersuchung von superkritischen Flügelprofilen.
- Statistische Untersuchung von Flugzeugreifenparametern und Ableitung einer Methode zur Berechnung des erforderlichen Reifendurchmessers.

Die Ergebnisse sollen in einem Bericht dokumentiert werden. Es sind die DIN-Normen zur Erstellung technisch-wissenschaftlicher Berichte zu beachten.

Inhalt

Verzeichnis der Bilder	6
Verzeichnis der Tabellen	8
Liste der Symbole	9
Liste der Abkürzungen	11
Verzeichnis der Begriffe und Definitionen	12
1 Einleitung	14
1.1 Motivation	14
1.2 Begriffsdefinitionen	14
1.3 Ziel der Arbeit	15
1.4 Literaturübersicht	16
1.5 Aufbau der Arbeit	16
2 Statistische Grundlagen und Methoden	18
2.1 Stamm-Blatt-Diagramme	18
2.2 Histogramme	18
2.3 Verteilungen	19
2.3.1 Beschreibung von Verteilungen	20
2.3.2 Quantile	20
2.3.3 Box-Plot	20
2.3.4 Normalverteilung	21
2.4 Korrelation und Regression	23
2.4.1 Korrelationskoeffizient nach Bravais-Pearson	23
2.4.2 Lineare Regression	23
3 Statistische Untersuchung von superkritischen Tragflügelprofilen	25
3.1 Grundlagen der Profiltheorie	25
3.1.1 Profilgeometrie	25
3.1.2 Aerodynamische Beiwerte	27
3.2 Einführung in superkritische Tragflügelprofile	28
3.3 Untersuchte Flügelprofile	30
3.4 Datenerhebung und Analyse der Profilgeometrien	32
3.5 Statistische Betrachtung der Profilwölbung	35
3.6 Statistische Betrachtung der Wölbungsrücklage	39
3.7 Statistische Betrachtung der Dickenrücklage	42
3.8 Parameterbeziehungen superkritischer Profile	45

3.9	Leading-edge sharpness Parameter	48
3.10	Diskussion der statistischen Ergebnisse	50
3.10.1	Diskussion abweichender Profile	50
3.10.2	Fehlerbetrachtung	51
4	Statistische Untersuchung von Flugzeugreifen	52
4.1	Einführung zu Reifen in der Luftfahrt	52
4.2	Reifenmaße	53
4.3	Reifentypen	53
4.4	Einordnung in den Flugzeugentwurf	55
4.5	Verwendete Reifenkataloge	57
4.6	Statistische Untersuchung der Hauptfahrwerksreifen	58
4.7	Statistische Untersuchung der Hilfsfahrwerksreifen	67
5	Zusammenfassung	70
	Literaturverzeichnis	71
	Anhang A Berechnung des Reifendurchmessers mit der Gleichung (4.2)	76

Verzeichnis der Bilder

Bild 2.1	Beispielhistogramm	19
Bild 2.2	Box-Plot Beispiel	21
Bild 2.3	Zwei Dichtekurven einer Normalverteilung	22
Bild 2.4	NQ-Plot Beispiele von Verteilungen	22
Bild 3.1	Druckverteilung c_p eines superkritischen Profils	25
Bild 3.2	beschreibende Profilgeometrie	26
Bild 3.3	Definition des <i>leading-edge sharpness</i> Parameters Raymer 1992	27
Bild 3.4	Widerstandsbeiwert c_w in Abhängigkeit der Anströmungsmachzahl M_∞	28
Bild 3.5	Stoß-Grenzschicht-Wechselwirkung mit Strömungsablösung	29
Bild 3.6	Charakteristische Profilformen nach Mach-Bereich	30
Bild 3.7	Verwendete superkritische Profile der NASA SC(2) Reihe Harris 1990	31
Bild 3.8	Design C_A über der Profildicke mit Einordnung der SC(2) Profile	32
Bild 3.9	Profilgeometrieanalyse	33
Bild 3.10	Stamm-Blatt Diagramm der Profیلwölbungen	35
Bild 3.11	absolute Häufigkeit der ermittelten Wölbungen	36
Bild 3.12	relative Häufigkeit der ermittelten Wölbungen	36
Bild 3.13	NQ-Plot der Wölbungsdaten	37
Bild 3.14	Verteilung und Wahrscheinlichkeiten der Wölbungen	38
Bild 3.15	C_A Design über $\frac{f}{l}$ mit eingezeichneter Regressionsgeraden	39
Bild 3.16	Stamm-Blatt Diagramm der Wölbungsrücklage	39
Bild 3.17	relative Häufigkeit der ermittelten Wölbungsrücklagen	40
Bild 3.18	NQ-Plots und Verteilungen der Wölbungsrücklagen	41
Bild 3.19	Stamm-Blatt Diagramm der Dickenrücklagen	42
Bild 3.20	absolute Häufigkeit und relative Häufigkeit der ermittelten Dickenrücklagen .	43
Bild 3.21	Darstellung der Wölbung zur Profildicke superkritischer Profile	45
Bild 3.22	Darstellung der Design-Machzahl zur Profildicke superkritischer Profile	46
Bild 3.23	Darstellung der Wölbung zum Design-Auftriebsbeiwert superkritischer Profile	47
Bild 3.24	Darstellung C_A zur Profildicke superkritischer Profile	48
Bild 3.25	Regressionsgerade Δy zur Profildicke	49
Bild 3.26	untypische superkritische Profile	51
Bild 4.1	Reifenmaße nach Dunlop 2014	53
Bild 4.2	Aufbau der Reifentypen	54
Bild 4.3	Fahrwerkseinordnung in den Entwurfsprozess	55
Bild 4.4	Flächenpressung über der maximalen Abflugmasse	56
Bild 4.5	Auszug aus einem Reifenkatalog	58
Bild 4.6	Reifenbreite über dem Reifendurchmesser	59

Bild 4.7	Häufigkeitsverteilung der Reifendurchmesser	60
Bild 4.8	Regressionsanalyse der Reifenbreite zum Durchmesser	61
Bild 4.9	Verteilung w/d als Histogramm	62
Bild 4.10	Box-Plot der Verteilung w/d	63
Bild 4.11	lineare Regression von Reifendurchmesser zu w/d	64
Bild 4.12	lineare Regression von Reifenbreite zu w/d	65
Bild 4.13	Funktionsvergleich w/d zu d	66
Bild 4.14	Box-Plot Vergleich: Haupt- und Hilfsfahrwerksreifen	67
Bild 4.15	lineare Regression von Reifenbreite zu w/d	68
Bild 4.16	lineare Regression von Reifendurchmesser zu w/d	69

Verzeichnis der Tabellen

Tabelle 3.1	Verwendete superkritische Profile nach Schiktanz 2011	30
Tabelle 3.2	Ergebnisse der Profilanalysen mit XFLR5	34
Tabelle 3.3	statistische Kennwerte der Profilwölbung in % Profiltiefe	37
Tabelle 3.4	Wahrscheinlichkeitsintervalle der Profilwölbung	38
Tabelle 3.5	statistische Kennwerte der Wölbungsrücklage ohne 0% Wölbungsprofile	40
Tabelle 3.6	statistische Kennwerte der Wölbungsrücklage ohne <45% Profile	41
Tabelle 3.7	Wahrscheinlichkeitsintervalle der Wölbungsrücklage	42
Tabelle 3.8	statistische Kennwerte der Dickenrücklage	43
Tabelle 3.9	Wahrscheinlichkeitsintervalle der Dickenrücklage	44
Tabelle 3.10	Korrelations- und Regressionswerte der Profildicke zur Wölbung	45
Tabelle 3.11	Korrelations- und Regressionswerte der Profildicke zur Design-Machzahl ...	46
Tabelle 3.12	Korrelations- und Regressionswerte der Wölbung zu $C_{A\ Design}$	47
Tabelle 3.13	Δy Parameter für bekannte NACA - Profile	48
Tabelle 3.14	statistische Werte des leading-edge sharpness Parameters zur Profildicke	49
Tabelle 4.1	Übersicht der verwendeten Reifenkataloge	58
Tabelle 4.2	Korrelations- und Regressionswerte w zu d für Hauptfahrwerksreifen	61
Tabelle 4.3	statistische Kennwerte w/d von Hauptfahrwerksreifen	62
Tabelle 4.4	Wahrscheinlichkeitsintervalle des Verhältnis w/d von Hauptfahrwerksreifen .	62
Tabelle 4.5	die 5 Hauptfahrwerksreifen mit dem niedrigsten w/d Verhältnis	63
Tabelle 4.6	die 5 Hauptfahrwerksreifen mit dem höchsten w/d Verhältnis	64
Tabelle 4.7	Korrelations- und Regressionswerte w/d zu d für Hauptfahrwerksreifen	65
Tabelle 4.8	Korrelations- und Regressionswerte des Reifendurchmessers zur Reifenbreite	65
Tabelle 4.9	Korrelations- und Regressionswerte w/d zu w für Hilfsfahrwerksreifen	68
Tabelle 4.10	Korrelations- und Regressionswerte w/d zu d für Hilfsfahrwerksreifen	69

Liste der Symbole

c_a	Auftriebsbeiwert
c_p	Druckverteilung
c_m	Momentenbeiwert
c	Chord (Profiltiefe)
d	Durchmesser
f	Wölbung
l	Profiltiefe
m	Masse
Ma	Machzahl
p	Wahrscheinlichkeit
p^*	Flächenpressung
r	Korrelationskoeffizient
R^2	Bestimmtheitsmaß
w	Breite
x	Wert
x_d	Dickenrücklage
x_f	Wölbungsrücklage
z	Profilkoordinaten

Griechische Symbole

α	Anstellwinkel
μ	Mittelwert
σ	Standardabweichung
Δy	leading-edge-sharpness Parameter

Indizes

design	Auslegungswert
krit	kritischer Wert
max	Maximalwert
∞	Anströmungswert

Liste der Abkürzungen

ISBN	Internationale Standard-Buchnummer
NQ	Normal-Quantil
NTRS	Nasa Technical Report Server
SC	Super Critical
SSE	Sum of Squares due to Error
UIUC	University of Illinois Urbana-Champaign

Verzeichnis der Begriffe und Definitionen

Daten

“Eine interpretierbare, in einer formalisierten Art und Weise verfügbare Repräsentation von Informationen, die zur Kommunikation, Interpretation oder zur Verarbeitung genutzt werden kann.”

(ISO/IEC 14977)

Design

Die Design-Parameter von Tragflügelprofilen beschreiben die zu erzielenden aerodynamischen Kenngrößen des Entwurfs im theoretischen Auslegungsbetriebspunkt.

Dimensionierung

“Die Dimensionierung bezeichnet in der Technik die Gestaltung von Bauteilen, damit sie ihren definierten Zweck erfüllen können.”

(GND 4005461-5)

Explorative Datenanalyse

Die explorative Datenanalyse untersucht und begutachtet Daten, von denen nur ein geringes Wissen über deren Zusammenhänge vorliegt.

(Tukey 1977)

Flugzeugsysteme

“Flugzeugsysteme umfassen mechanische, elektrische und elektronische Geräte und Komponenten, die in einem Flugzeug für verschiedene Zwecke installiert sind.”

(Scholz 2016)

Merkmal (Statistik)

“Stellt eine interessierende Größe da, die unterschiedliche Werte und Ausprägungen haben kann.”

(Fahrmeir 2016)

System

“Ein System ist eine Kombination von Teilen, die miteinander in Beziehung stehen und eine spezifische Funktion erfüllen.”

(WATOG 1992)

Subsystem

“Ein Subsystem ist ein nicht unbedeutender Teil eines Systems, der zur Gesamtfunktion des Systems erkennbar beiträgt.”

(WATOG 1992)

Vierradwagen (bogiede)

Vorrichtung, bei dem Radsätze in einem gegenüber dem Wagenkasten drehbaren Rahmen gelagert werden.

Lagemaß

“Maßzahlen zur Lage beschreiben das Zentrum einer statistischen Verteilung durch einen numerischen Wert.”

(Fahrmeir 2016)

1 Einleitung

1.1 Motivation

Das Recherchieren oder Erheben von Daten ist oft zeitraubend und aufwendig. Sind dazu noch die gesuchten Daten nur Grundlage für die weiterführende Betrachtung, kann der Aufwand den Rahmen sprengen. Im Flugzeugentwurf basieren viele Methoden und Berechnungen auf der **Kenntnis von Parametern und Kenngrößen**. Diese lassen sich idealerweise durch Publikationen oder Vorarbeit und Recherche anderer Autoren aus der Literatur übernehmen. Sind aber, wie am Beispiel der superkritischen Profile oder der Reifendimensionierung, **wenig bis keine Datenerhebungen oder Veröffentlichungen** der interessierenden Größen vorhanden, ist die **statistische Erhebung der fehlenden Daten ein wichtiger Grundstein**.

1.2 Begriffsdefinitionen

Statistik

Die Bedeutung der *Statistik* wird z. B. in **Fahrmeir 2016** folgendermaßen erläutert:

Statistische Verfahren werden stets dann benötigt und eingesetzt, wenn im Rahmen empirischer Fragestellungen Daten erhoben, dargestellt und analysiert werden sollen. Dabei spiegelt die große Vielfalt statistischer Methoden die Breite praktischer Fragestellungen etwa aus den Wirtschafts- und Sozialwissenschaften, der Medizin und den Natur- und Ingenieurwissenschaften wider.

Flugzeugentwurf

Die in dieser Arbeit geleisteten statistischen Aufarbeitungen richten sich nach Fragestellungen des Flugzeugentwurfs. Die Aufgabe des Flugzeugentwurfs beschreibt **Scholz 2016** folgendermaßen:

Die Aufgabe des Flugzeugentwurfs (aircraft design) im praktischen Sinn ist, die "geometrische Beschreibung eines neuen Fluggerätes zu liefern". Dazu wird das

neue Flugzeug durch eine Dreiseitenansicht (three-view drawing), einen Rumpfquerschnitt (fuselage cross-section), eine Kabinenauslegung (cabin layout), sowie durch eine Liste der Flugzeugparameter beschrieben.

Superkritische Profile

Ein **Profil** wird in der Strömungslehre der Querschnitt eines Körpers in Anströmungsrichtung genannt.

Superkritische Profile bezeichnen dabei Profilentwürfe, die für den schallnahen Geschwindigkeitsbereich ausgelegt werden. Neben dem Begriff der superkritischen Profile sind auch die Bezeichnungen transsonische Profile und Hochgeschwindigkeitsprofile möglich.

Flugzeugreifen

Die Funktion der Flugzeugreifen beschreibt **Roloff 2014** wie folgt:

Die Reifen übertragen die vom Flugzeug hervorgerufenen statischen und dynamischen Lasten auf den Boden. Hierbei soll die Beanspruchung der Start- und Landebahn sowie des übrigen Flugfeldbereichs (Taxiway, Ramp und Apron) so gering wie möglich sein.

1.3 Ziel der Arbeit

Diese Arbeit soll durch eine statistische Aufarbeitung von einer Auswahl an für den Flugzeugbau relevanten Komponenten Grundlagen für weiterführende Betrachtungen schaffen und Lücken in statistischen Erhebungen und Veröffentlichungen schließen.

Dies umfasst die Auswertung von geometrischen Eigenschaften von einer Auswahl an superkritischen Profilen:

- Wölbung
- Wölbungsrücklage
- Dickenrücklage
- leading-edge sharpness Parameter

Für Flugzeugreifen soll anhand aktueller Reifenkataloge die Reifendimensionen ausgewertet und das resultierende Verhältnis von Reifenbreite zu Reifendurchmesser (w/d) beschrieben werden.

1.4 Literaturübersicht

Statistische Ausführungen zu aerodynamischen Beiwerten und geometrischen Größen lassen sich für superkritische Profile kaum finden. **Whitcomb 1974** beschreibt generelle Beobachtungen zur Profilgeometrie von superkritischen Profilen und erklärt diese anhand der aerodynamischen Anforderungen. Die Ergebnisse dieser Arbeit werden auch mit den Aussagen von **Whitcomb 1974** verglichen. Eine Zusammenfassung einiger superkritischer Profile und ihrer Designwerte hat **Schiktanz 2011** zusammengestellt. Weitere Profile konnten aus einer Zusammenstellung der SC(2) Familie nach **Harris 1990** bezogen werden.

Technische Erklärungen zu Flugzeugreifen als Bestandteil des Fahrwerks sind von **Roloff 2014** beschrieben. Entwurfs- und Berechnungsmethoden des Fahrwerks und der Rad- und Reifendimensionierung werden von **Trahmer 2004** übernommen.

Die statistischen Methoden und Darstellungsweisen richten sich nach **Fahrmeir 2016**.

1.5 Aufbau der Arbeit

Diese Projektarbeit umfasst statistische Erhebungen und Untersuchungen zu **zwei Themenschwerpunkten**, superkritischen Profilen und Flugzeugreifen:

- Die **verwendeten statistischen Methoden und Darstellungsformen** werden **eigenständig behandelt** und dienen als Grundlage der thematischen Schwerpunkte.
- Zu **jedem Thema** wird eine **Einführung** gegeben, welche die notwendigsten Kenntnisse und Einordnungen vermittelt. Dabei sollen auch **Anwendungsbeispiele des Flugzeugentwurfs** erläutert werden, dessen Grundlage die im Rahmen dieser Arbeit erhobenen statistischen Betrachtungen sind.
- Der Hauptteil dieser Schrift enthält die Ausführungen zum Thema:

Abschnitt 2 Beschreibt und erläutert die in dieser Arbeit verwendeten statistischen Methoden und Darstellungsformen.

Abschnitt 3 Umfasst die statistischen Betrachtungen und Erkenntnisse zu geometrischen Parametern von superkritischen Profilen.

Abschnitt 4 Beinhaltet statistische Untersuchungen zu Flugzeugreifendimensionierung, insbesondere dem Verhältnis von Reifenbreite zu Außendurchmesser.

Anhang A gibt Anweisungen zum Ermitteln des Reifendurchmessers mit Gleichung (4.2) und den Erkenntnissen aus dieser Arbeit.

2 Statistische Grundlagen und Methoden

2.1 Stamm-Blatt-Diagramme

Stamm-Blatt-Diagramme sind eine semigrafische Darstellungsform und für kleinere Datenmengen gut geeignet. Dabei wird die Datenmenge des zu untersuchenden Merkmals auf eine gewünschte und sinnvolle Genauigkeit gerundet. Anschließend wird ein *Stamm* definiert, dies können zum Beispiel die Vorkommastellen, Vielfache von 10 oder 100 usw. der vorliegenden Datenmenge sein. Diese werden untereinander notiert und zur rechten Seite hin abgegrenzt. Danach werden dem Stamm die *Blätter* zugeordnet, diese können dementsprechend gerundete Nachkommastellen, Einer- oder Zehnerstellen usw. sein. Diese werden aufsteigend sortiert und neben dem Stamm notiert. Hat man also eine Datenmenge von (10, 10, 11, 12, 13, 13, 20) empfiehlt sich als Stamm die Zehnerstelle und als Blatt die Einerstelle. Das Stamm-Blatt-Diagramm ergebe sich zu:

```
0 |
1 | 0 0 1 2 3 3
2 | 0
```

Stamm-Blatt-Diagramme haben die Eigenschaft, bis auf Rundungen, die gesamte Datenstruktur und Inhalte der Datenmenge wiederzugeben und ermöglichen daher erste explorative Analysen. (Fahrmeir 2016)

2.2 Histogramme

Für größere Datenmengen werden Stamm-Blatt-Diagramme unübersichtlich, daher müssen die Daten gruppiert und mit ihrer resultierenden Häufigkeit visualisiert werden. Die Daten werden in Intervalle gleicher Größe gruppiert und bilden somit die *Klassen*. Bei Histogrammen können ungewollte Effekte auftreten, so haben die Klassenbreite und Positionierung der Intervalle großen Einfluss auf den optisch darstellenden Sachverhalt¹. Es sollte daher das *Prinzip der Flächentreue* beachtet werden, indem die Fläche eines Klassenfeldes proportional zur Häufigkeit

¹bei zu großer Klassenbreite im Extremfall nur noch ein Rechteck mit 100 % Häufigkeit der Klasse, also hoher Informationsverlust

konstruiert ist. Für die Anzahl der Klassen und damit einhergehende Intervallgröße werden folgende Faustformeln empfohlen (**Fahrmeir 2016**):

$$n_{Klassen} = \sqrt{n_{Daten}}$$

$$n_{Klassen} = 2\sqrt{n_{Daten}}$$

$$n_{Klassen} = 10 \log_{10}(n_{Daten})$$

in Bild 2.1 ist ein Histogramm Beispielhaft für die Studiendauer von einer Gruppe Studenten gezeigt.

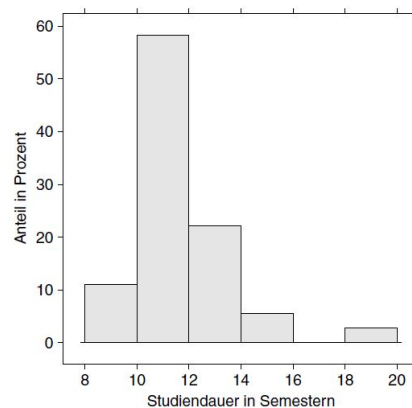


Bild 2.1 Histogramm der Studiendauer von 36 Absolventen **Fahrmeir 2016**

2.3 Verteilungen

Verteilungen beschreiben, wie sich die Wahrscheinlichkeiten oder Häufungen auf die Datenmenge verteilen. Für eine stetige Verteilung kann somit angegeben werden, mit welcher Wahrscheinlichkeit P eine Variable X einen bestimmten Wert in einem definierten Intervall $[a,b]$ annimmt. Es gilt:

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) \quad (2.1)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) = 1 \quad (2.2)$$

Die Kurve der Funktion $f(x)$ wird somit auch als Dichtkurve bezeichnet.

2.3.1 Beschreibung von Verteilungen

Das im Alltag häufigste Mittel zur Beschreibung der Lage einer Verteilung ist das **arithmetische Mittel** \bar{x} . Dieses erhält man, indem alle beobachteten Werte aufsummiert werden und diese Summe durch die Anzahl der Beobachtungen dividiert wird. (**Fahrmeir 2016**)

$$\bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + \dots + x_n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (2.3)$$

Die bekannteste Maßzahl für die Streuung einer Verteilung ist die Standardabweichung bzw. ihr Quadrat, die **Varianz**. Sie misst die Streuung der Daten um ihr Mittel \bar{x} und ist deshalb nur für metrische Merkmale zusammen mit \bar{x} sinnvoll einsetzbar. (**Fahrmeir 2016**). Für die Varianz gilt allgemein:

$$\hat{s}^2 = \frac{1}{n}[(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2] = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \quad (2.4)$$

2.3.2 Quantile

Ein Quantil unterteilt den Datensatz in (zwei) Teilmengen und beschreibt ihre relative Lage in der Verteilung. So beschreibt das *Quantil*_{0,5} eine Stelle in der Verteilung, bei der eine Teilmenge von 50% des Datensatzes einen kleineren Wert, und ebenfalls 50% des Datensatzes einen größeren Wert aufweist. Dieses besondere Quantil wird auch **Median** genannt. Allgemein lässt sich also ein Quantil des Wertes x_p oder die korrespondierenden Teilmengen wie folgt bestimmen (**Fahrmeir 2016**):

$$\frac{\text{Anzahl}(x\text{Werte} \leq x_p)}{n} \geq p \quad \text{und} \quad \frac{\text{Anzahl}(x\text{Werte} \geq x_p)}{n} \geq 1 - p \quad (2.5)$$

x_p ... Wert der Quantile

p ... relative Lage der Quantile (0 bis 1) * 100 [%]

n ... Anzahl der Daten

2.3.3 Box-Plot

Der Box-Plot ist eine grafische Darstellung zur Einschätzung der Lage einer Verteilung. Er umfasst folgende Eigenschaften:

- untere Boxgrenze: Quantil $x_{0,25}$
- obere Boxgrenze: Quantil $x_{0,75}$
- Strich: Median

- untere Liniengrenze: Minimalwert x_{min}
- obere Liniengrenze: Maximalwert x_{max}
- Markierungen: Ausreißer

Die Schwellwerte für Ausreißer sind üblicherweise der Median $\pm 2,7\sigma$. In Bild 2.2 ist ein Boxplot beispielhaft dargestellt.

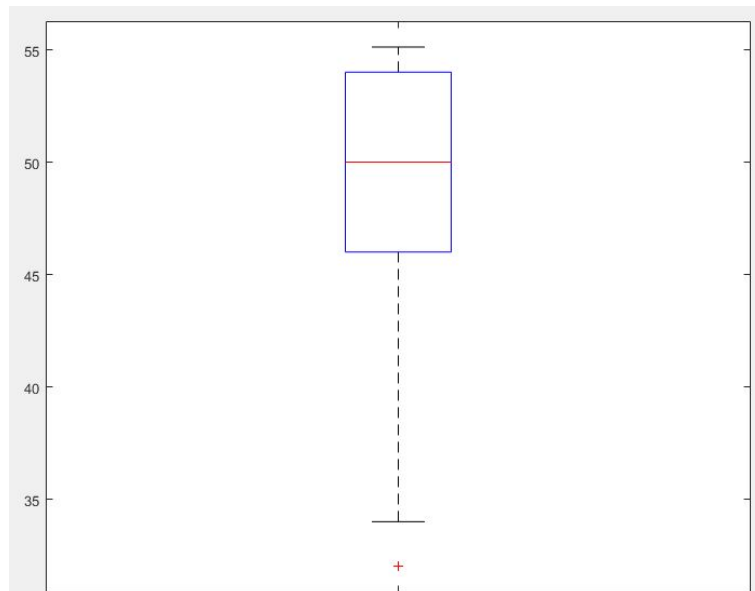


Bild 2.2 Box-Plot, blau - Box, rot - Median, Kreuzmarkierung - Ausreißer, schwarzer Strich: Minimalwert - Maximalwert

2.3.4 Normalverteilung

Die häufigste Zufallsverteilung ist die Normalverteilung oder auch Gaußverteilung. Sie ist symmetrisch und glockenförmig um einen Mittelpunkt μ verteilt und über die Standardabweichung σ definiert, für die Dichtekurve gilt:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2} \quad (2.6)$$

$$\tilde{s} = \sigma^2 \quad (2.7)$$

In Bild 2.3 sind Normalverteilungen mit verschiedenen großen Standardabweichungen aufgetragen.

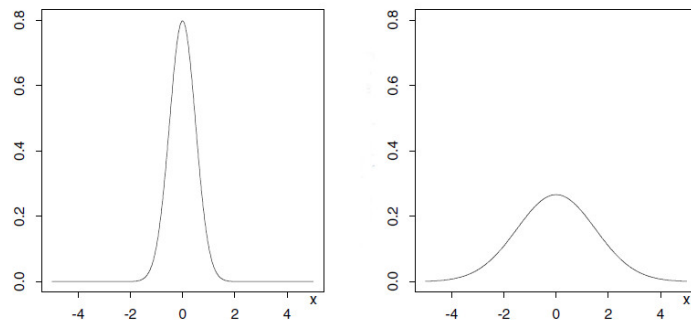


Bild 2.3 Zwei Dichtekurven einer Normalverteilung mit kleiner (links) und großer (rechts) Standardabweichung σ , **Fahrmeir 2016**

Mit dem **Normal-Quantil-Plot** wird visuell geprüft, ob für den Datensatz eine Normalverteilung angenommen werden darf, oder ein anderer Ansatz gewählt werden muss. Es können so Quantile von dem Datensatz mit denen der Normalverteilung verglichen werden, um eine Übereinstimmung festzustellen. Liegen die Datensatzquantilen auf der Winkelhalbierenden des Koordinatensystems, liegt mit hoher Wahrscheinlichkeit eine Normalverteilung vor. In Bild 2.4 sind NQ-Plots verschiedener Datensätze beschrieben.

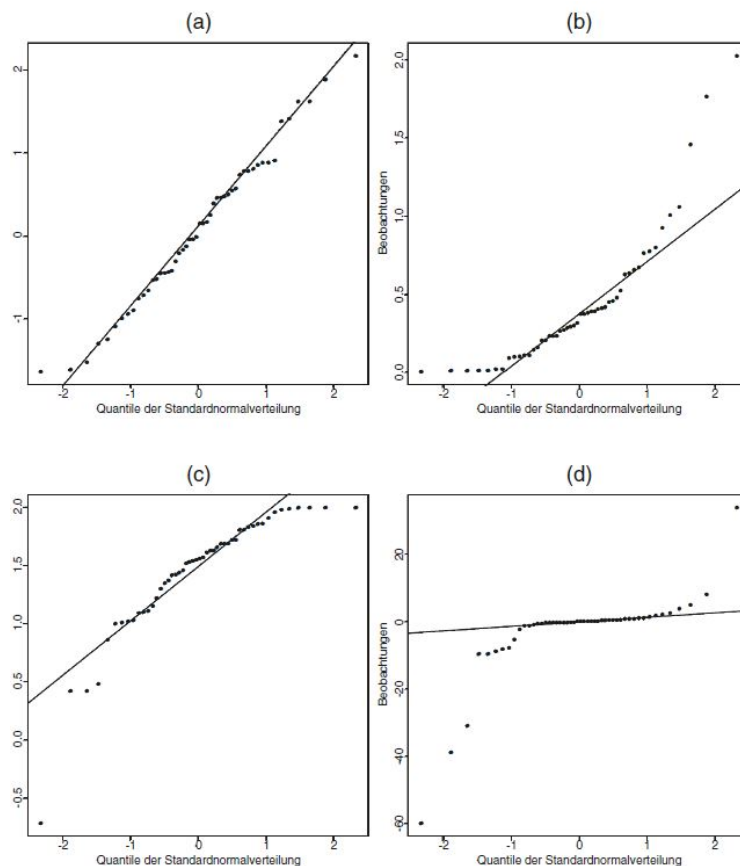


Bild 2.4 NQ-Plot einer Normalverteilung (a), einer linkssteilen Verteilung (b), einer rechtssteilen Verteilung (c) und einer symmetrischen, aber stark gekrümmten Verteilung (d), **Fahrmeir 2016**

2.4 Korrelation und Regression

2.4.1 Korrelationskoeffizient nach Bravais-Pearson

Soll ein möglicher Zusammenhang zwischen Merkmalen geprüft werden, reicht eine visuelle Beurteilung aufgrund von Streuungen oder vieler, unübersichtlicher Datenhaufen in Diagrammdarstellungen oft nicht aus. Als Maß für die Stärke des Zusammenhangs erweisen sich Maßzahlen, wie der *Korrelationskoeffizient nach Bravais-Pearson*. Er kann zur Bestimmung *linearer Zusammenhänge* genutzt werden und ist für zwei Merkmale X und Y wie folgt definiert:

$$r = r_{XY} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}} \quad (2.8)$$

Die durch die Varianzen im Nenner erzielte Normierung ermöglicht den handlichen Wertebereich des Korrelationskoeffizienten:

$$-1 \leq r \leq 1 \quad (2.9)$$

Die Interpretation des Korrelationskoeffizienten wird nach **Fahrmeir 2016** in folgenden Intervallen mit einem Attribut für die Stärke der Korrelation angewendet:

$$\text{"schwache Korrelation"} \rightarrow |r| < 0,5 \quad (2.10)$$

$$\text{"mittlere Korrelation"} \rightarrow 0,5 \leq |r| < 0,8 \quad (2.11)$$

$$\text{"starke Korrelation"} \rightarrow 0,8 \leq |r| \quad (2.12)$$

2.4.2 Lineare Regression

Mit der Regression wird im Gegensatz zur Korrelationsanalyse ein gerichteter Zusammenhang einer Größe (X) auf eine andere Merkmalsgröße (Y) untersucht. Solch eine Zusammenhangsvermutung kann aus sachlogischen Überlegungen naheliegen. (**Fahrmeir 2016**). Allgemein lässt sich somit das Merkmal Y als Funktion der Größe X beschreiben:

$$Y = f(X) \quad (2.13)$$

Bei der **linearen Regression** wird ein linearer Zusammenhang vermutet. Es wird also durch eine Punktwolke eine *Ausgleichsgerade* gelegt, die möglichst nahe an den Beobachtungen liegt.

Das lineare Modell wird daher als Geradengleichung formuliert, mit dem Ziel der Koeffizientenbestimmung:

$$f(X) = \beta X + \alpha \quad (2.14)$$

Die globale Abweichung der Datenpunkte zur Ausgleichsgeraden soll möglichst gering gehalten werden. Daher ist es sinnvoll, die durchschnittliche Abweichung zu minimieren. Als Ansatz wird dafür die *Methode der kleinsten Quadrate* genutzt, indem die quadratischen Abweichungen zur Ausgleichsgeraden aufsummiert und normiert werden. Die Koeffizienten können daraus folgend bestimmt werden:

$$\hat{\beta} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \quad (2.15)$$

$$\hat{\alpha} = \bar{y} - \hat{\beta} \bar{x} \quad (2.16)$$

Um die **Güte** des Regressionsmodells bewerten zu können. Kann das **Bestimmtheitsmaß** R^2 gebildet werden. Dieses Maß beschreibt den Anteil der erklärten Streuung des Modells an der Gesamtstreuung und wird wie folgt bestimmt (**Fahrmeir 2016**):

$$R^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2} \quad (2.17)$$

Dabei gilt folgender Wertebereich und Zusammenhang zum Korrelationskoeffizienten nach Bravais-Pearson:

$$0 \leq R^2 \leq 1, \quad R^2 = r_{XY}^2 \quad (2.18)$$

Somit folgt für den Wert null eine denkbar schlechte Modellgenauigkeit der Regression und für den Wert eins eine ideale Übereinstimmung der Beobachtung ².

Ein weiteres Gütemaß ist die **Residuenquadratsumme** beziehungsweise in den meisten Statistikprogrammen als **Sum of Squares due to Error (SSE)** bezeichnet. Sie ist ein Maß für die Abweichungen der Datenpunkte zur Regressionsgeraden. Der Wert sollte möglichst klein sein und kann wie folgt berechnet werden:

$$SSE = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y})^2 \quad (2.19)$$

²Alle Datenpunkte würden demnach auf der Regressionsgeraden liegen.

3 Statistische Untersuchung von superkritischen Tragflügelprofilen

3.1 Grundlagen der Profiltheorie

3.1.1 Profilgeometrie

Die Profiltheorie befasst sich mit der Beziehung zwischen der Profilgeometrie eines Tragflügels und der resultierenden Druckverteilung bei einer Anströmung. Man unterscheidet dabei in **Entwurfsaufgaben**, wobei die Druckverteilung $c_p(x)$ als wesentlicher Parameter der aerodynamischen und flugmechanischen Eigenschaften vorgegeben ist und die Profilgeometrie $z(x)$, α gesucht wird, die diese Druckverteilung bedingt. Bei **Nachrechnungsaufgaben** hingegen ist die Profilgeometrie bekannt und es werden die Druckverteilung und die aerodynamischen Beiwerte $c_a(\alpha)$ und $c_m(\alpha)$ gesucht. In Bild 3.1 ist die Geometrie eines superkritischen Profils mit resultierender Druckverteilung skizziert.

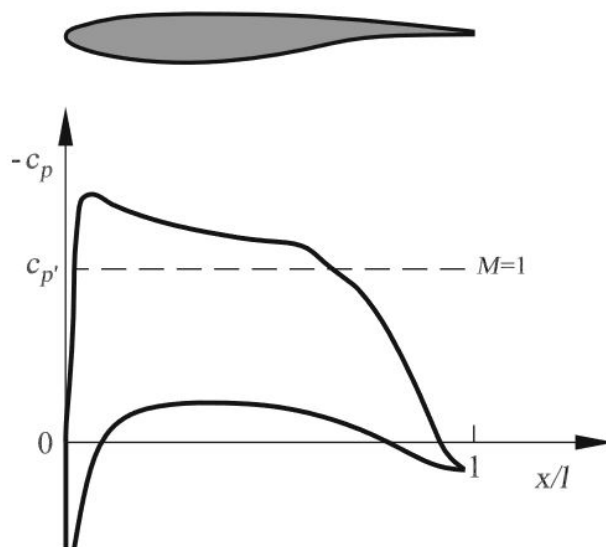


Bild 3.1 Druckverteilung c_p eines superkritischen Profils, (Oertel 2017)

Ein Profil wird über definierte geometrische Kenngrößen beschrieben. Üblich ist ein x,y Koordinatensystem, bei dem die **Profiltiefe**, also der maximale x -Wert des Profils, als Referenz für die Länge 1 (bzw. 100%) festgelegt wird. Alle anderen Profilgrößen werden demnach im

Verhältnis zur Profiltiefe angegeben. Der Endpunkt, der die Profiltiefe markiert, wird auch **Profilhinterkante** genannt. Die **Profilsehne** beschreibt die Gerade zwischen Profilnase und Profilhinterkante. Die Mittellinie des Profils, welche die Mittelpunkte aller Kreise verbindet, die in das Profil passen, also die Kurve, die überall zur Ober- und Unterseite des Profils den gleichen Abstand hat, wird als **Skelettlinie** bezeichnet. In Bild 3.2 sind die geometrischen Kenngrößen für ein Profil skizziert.

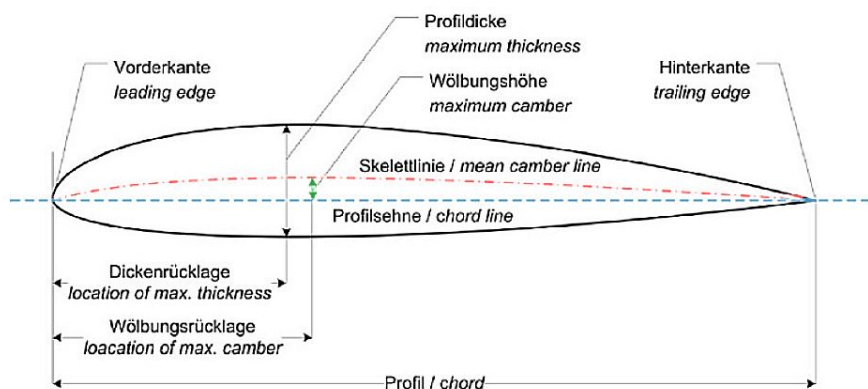


Bild 3.2 beschreibende Profilgeometrie **Scheiderer 2008**

Die in Bild 3.2 vermaßten Profilkenndaten können dabei wie folgt beschrieben werden:

- die **Profildicke** (*maximum camber*) beschreibt den maximalen Abstand zwischen unterer und oberer Profilkurve
- die **Dickenrücklage** (*location of max. thickness*) ist das Maß für den Abstand der maximalen Profildicke zur Vorderkante
- die **Wölbungshöhe** (*maximum camber*) wird senkrecht zur Profilsehne gemessen und beschreibt den maximalen Abstand zwischen Profilsehne und Skelettlinie
- die **Wölbungsrücklage** vermaßt den Abstand der maximalen Wölbung zur Profilhinterkante

Der **leading edge sharpness parameter** Δy ist für das Strömungsverhalten und Berechnungsmethoden wie nach **DATCOM 1978** ebenfalls von Relevanz. Dieser wird nach **Raymer 1992** wie in Bild 3.3 definiert.

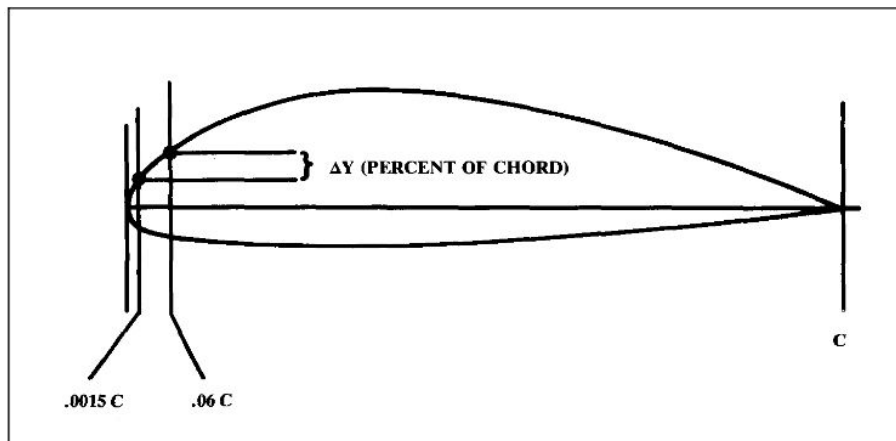


Bild 3.3 Definition des *leading-edge sharpness* Parameters **Raymer 1992**

3.1.2 Aerodynamische Beiwerte

Der **Auftriebsbeiwert** C_A ist ein Maß für die am Profil wirkende **Auftriebskraft** A . Um diese wichtige Größe zur Charakterisierung von Profilen und Strömungseigenschaften unabhängig von geometrischen Dimensionen vergleichen zu können, bezieht sich die Auftriebskraft auf die *Bezugsfläche* (Flügelfläche) S und den *Staudruck* q :

$$C_A = \frac{A}{qS} \quad (3.1)$$

Für ebene, stationäre, reibungslose inkompressible Strömung kann die **Potentialgleichung** gelöst werden (**Zingel 2012**). Aus der Potentialgleichung kann auch ein Zusammenhang zwischen Profilgeometrie und Druckverteilung gefolgert werden, wie in der **Skeletttheorie** beschrieben. Aus der Skeletttheorie für schlanke Profile gilt für den Auftriebsbeiwert ohne Anstellung des Profils:

$$C_A = 4\pi \frac{f}{l} \quad (3.2)$$

Im Flugzeugentwurf ist die Kenntnis des maximalen Auftriebsbeiwerts C_{Amax} eines Profils Grundlage für weitere Berechnungen. Dieser und weitere Eigenschaften werden häufig aus Profilkatalogen entnommen. Falls der Auftriebsbeiwert allerdings nicht bekannt ist, so kann aus den geometrischen Eigenschaften des Profils der maximale Auftriebsbeiwert nach **DATCOM 1978 (4.1.1.4)** abgeschätzt werden:

$$C_{A,max,clean} = (C_{A,max})_{base} + \Delta_1 C_{A,max} + \Delta_2 C_{A,max} + \Delta_3 C_{A,max} \quad (3.3)$$

$\Delta_1 C_{A,max}$	Korrekturterm für den Einfluss der Wölbung und der Wölbungsrücklage.
$\Delta_2 C_{A,max}$	Korrekturterm für Dickenrücklagen $\neq 30\%$.
$\Delta_3 C_{A,max}$	Korrekturterm für den Einfluss der Reynoldszahl $\neq 9 \cdot 10^6$.

3.2 Einführung in superkritische Tragflügelprofile

Ein wichtiger Schritt auf dem Weg zu den heutigen Verkehrsflugzeugen ist die Entwicklung von Hochgeschwindigkeitsprofilen, die heute unter dem Begriff transsonische Profile oder superkritische Profile bekannt sind (**Rossow 2014**). Als wesentliche Herausforderung stellt sich dabei das Einsetzen von einem transsonischen Widerstandsanstieg da, der bei höheren Unterschallgeschwindigkeiten deutlich zunimmt und somit ein limitierender Faktor höherer Fluggeschwindigkeiten ist. In Bild 3.4 ist der deutliche Anstieg des Widerstandsbeiwerts c_w bei Anströmungen nahe dem Überschall ersichtlich.

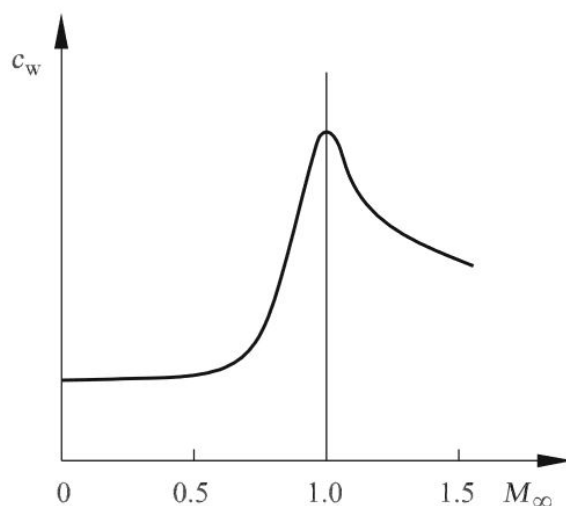


Bild 3.4 Widerstandsbeiwert c_w in Abhängigkeit der Anströmungsmachzahl M_∞ **Oertel 2017**

Bei Strömungsgeschwindigkeiten größer als der kritischen Machzahl Ma_{krit} treten lokale Überschallströmungen auf der Profilkontur auf. Dabei wird das Überschallgebiet von einem Verdichtungsstoß abgeschlossen, der einen zusätzlichen Druckwiderstand zur Folge hat und hinter dem Strömungsablösungen verursacht werden (**Oertel 2017**). Ein solcher Verdichtungsstoß ist in Bild 3.5 gezeigt.

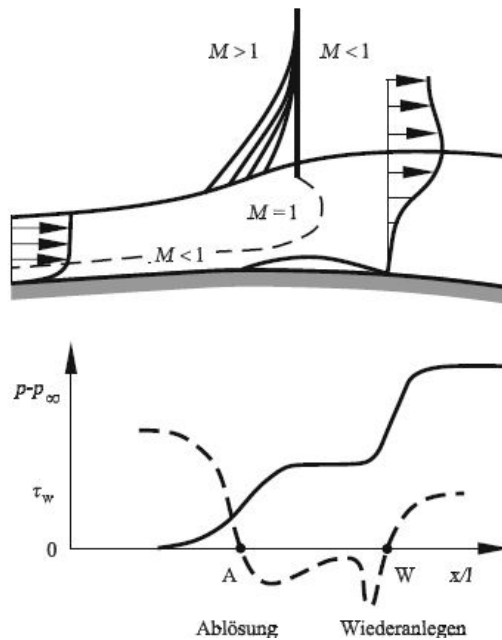


Bild 3.5 Stoß-Grenzschicht-Wechselwirkung mit Strömungsablösung und Wandschubspannungsverteilung **Oertel 2017**

Das Ziel des Entwurfs von transsonischen Profilen ist es also, den Anstieg des Strömungswiderstands zu höheren Anströmungsmachzahlen zu verschieben. Dabei wird versucht, den Verdichtungsstoß möglichst weit in Richtung Profilhinterkante zu verschieben. Dies wird nach **Whitcomb 1974** dadurch erreicht, dass die Krümmung im **mittleren Profilbereich wesentlich reduziert** wird, um Überschallgebiete in diesem Bereich des Profils und damit einen frühen Verdichtungsstoß zu vermeiden. Außerdem weisen superkritische Profile nach **Whitcomb 1974** eine **verstärkte Krümmung im Profilhinterkantenbereich auf**, hier wird durch eine scharfe Abschlusskante die Wirkung des Verdichtungsstoßes reduziert. Transsonische Profile sind zudem **meist dünner** als übliche Unterschallprofile, um die Strömungsbeschleunigung im vorderen Profilbereich zu kontrollieren. Aufgaben des modernen Profilentwurfs sind aber auch die Entwicklung dickerer superkritischer Profile, um lastenfähigere Strukturen fertigen zu können. Nach **Whitcomb 1974** konnten so die Machzahlen, ab der ein großer Zuwachs des Widerstands mit steigender Geschwindigkeit einhergeht (Bild 3.4) um bis zu 0,1 erhöht werden. In Bild 3.6 sind charakteristische Profile für die jeweiligen Auslegungsmachzahlen dargestellt.

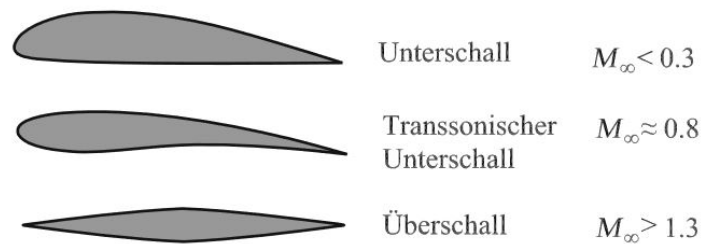


Bild 3.6 Charakteristische Profilformen für Unterschall-, Transschall- und Überschall-Mach- Zahlen Oertel 2017

3.3 Untersuchte Flügelprofile

Die ausgewählten superkritischen Flügelprofile entstammen von Veröffentlichungen der NASA und können vom NASA Technical Report Server (**NTRS 2018**) bezogen werden. Eine Auswahl von experimentell bestimmten Profilen wurde von **Schiktanz 2011** übernommen, Die detaillierten Literaturhinweise können ebenfalls **Schiktanz 2011** entnommen werden. In Tabelle 3.1 sind die aus dieser Zusammenstellung verwendeten Profile und ihre Designparameter sowie Referenzen verzeichnet.

Tabelle 3.1 Verwendete superkritische Profile mit aerodynamischen Parametern und Referenzen **Schiktanz 2011**

Airfoil	M_{design}	$C_{l,\text{design}}$	$(t/c)_{\text{max}}$	References	Page
BAC 1	n/a	n/a	0,1	NASA TM 87600, NASA TM 81922	10
CAST 7	0,76	0,573	0,118	AGARD AR-138	20
CAST 10-2 / DOA 2	n/a	n/a	0,121	NASA TM 86273	24
Cessna EJ Red. Airfoil	0,735 ¹⁾	0,508 ¹⁾	0,115	NASA TP 3579	40
DFVLR R4	n/a	n/a	0,135	NASA TM 85739	52
NACA 65 ₁ -213 ²⁾	n/a	n/a	0,126	NASA TM 85732	106
NLR 7301	0,747 ³⁾	0,45 ³⁾	0,163	AGARD AR-138	114
NPL 9510	0,75	0,6	0,11	NASA TM 85663	117
SC(2)-0012	n/a	n/a	0,12	NASA TM 89102	171
SC(2)-0710	0,78	0,7	0,1	NASA TM X-72711	177
SC(2)-0714	0,74	0,7	0,14	NASA TM X-72712 (high speed) NASA TM X-81912 (low speed)	196
SC(3)-0712(B)	0,76	0,7	0,12	NASA TM 86371	223
SKF 1.1	0,769	0,532	0,1207	AGARD AR-138	230
Airbus TA11	n/a	n/a	0,111	n/a	233

Zusätzlich wurden weitere Profile der NASA Supercritical (SC) Phase 2 Familie einbezogen. Diese Profile resultierten aus den Erkenntnissen der experimentell im Windkanal optimierten Konturen der Phase 1 Untersuchungen in den 1970ern und den ersten analytischen Modellierungsverfahren (**Harris 1990**). Ihre Notifikation ist in der Form SC(2) 0712, wobei in Klammern

die Phase notiert ist und die ersten zwei Ziffern den Design-Auftriebskoeffizienten $C_{A,design}$ in der Form 0.7, sowie die letzten zwei Ziffern die maximale Profildicke $(t/c)_{max}$ in der Form 0.12 beschreibt (**Harris 1990**). In Bild 3.7 ist die Auswahl der SC(2) Profile dargestellt.

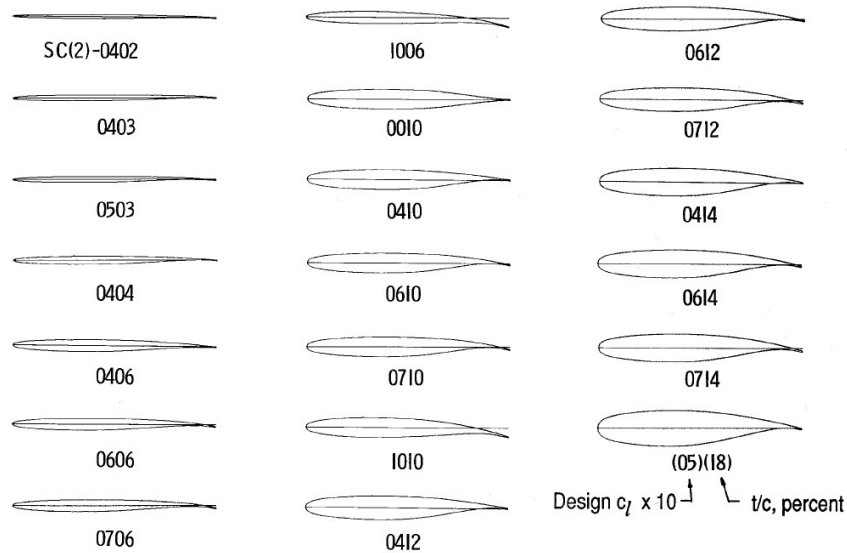


Bild 3.7 Verwendete superkritische Profile der NASA SC(2) Reihe **Harris 1990**

Für diese Profile ist auch die Zusammensetzung hinsichtlich ihrem **Entwurfsziel** angegeben. Diese wird in einem Diagramm mit dem Design-Auftriebsbeiwert C_A über der Profildicke aufgetragen (Bild 3.8). Diese Parameter sind für eine Einordnung daher geeignet, da sowohl die wesentliche **aerodynamische Eigenschaft** des Auftriebsbeiwerts, als auch die für die **Lastentragfähigkeit** maßgebliche Profildicke einbezogen sind. Die Datengruppen innerhalb des Diagramms sind mit ihrem Verwendungsziel (Propeller-, Transport-, Businessluftfahrzeug, ...) gekennzeichnet.

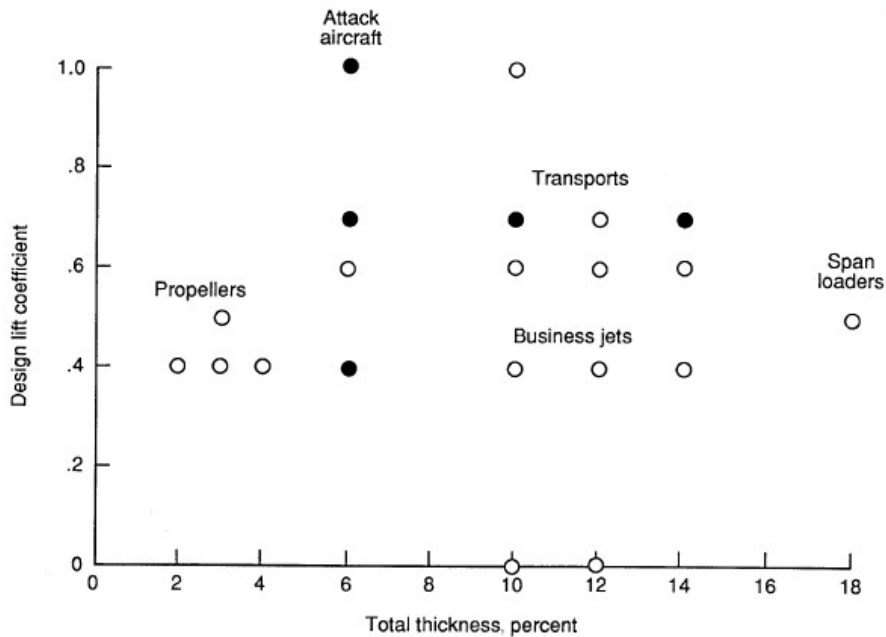


Bild 3.8 Design C_d über der Profildicke mit Einordnung der SC(2) Profile **Harris 1990**

3.4 Datenerhebung und Analyse der Profilgeometrien

Die Erhebung der geometrischen Profileigenschaften erfolgte mit der Software XFLR5 (**XFLR5 2018**). Diese basiert auf dem weit verbreiteten Programm zur analytischen Tragflügelprofilanalyse XFOIL (**XFOIL 2018**). Die Software ist eigentlich dazu gedacht, aerodynamische Größen und Eigenschaften von Tragflügelprofilen auszuwerten, sie besitzt aber auch ein Feature zur Erstellung eigener Tragflügelprofile. In die Funktionsumgebung *Direct Foil Design* können dabei bereits vorhandene Profilkordinaten geladen und hinsichtlich ihrer geometrischen Eigenschaften analysiert werden. Die **Genauigkeit der Analyse** ist demnach abhängig von der Anzahl der Profilkordinatenpunkte. Die Profilkordinaten der Auswahl superkritischer Profile konnte **Schiktanz 2011** entnommen werden (Vergleich Tabelle 3.1). Die Profilkordinaten der verwendeten NASA SC(2) Profile (Bild 3.7) sind von **Harris 1990** zusammengestellt. Zusätzlich können einige dieser Profilgeometrien auch aus der UIUC Airfoil Coordinates Database der University of Illinois (**ACB 2018**) bezogen werden, die damit schon als benutzbare Datei verfügbar sind und nicht erst händisch portiert werden müssen. Bild 3.9 zeigt Ergebnisse einer Profilauswertung in XFLR5.

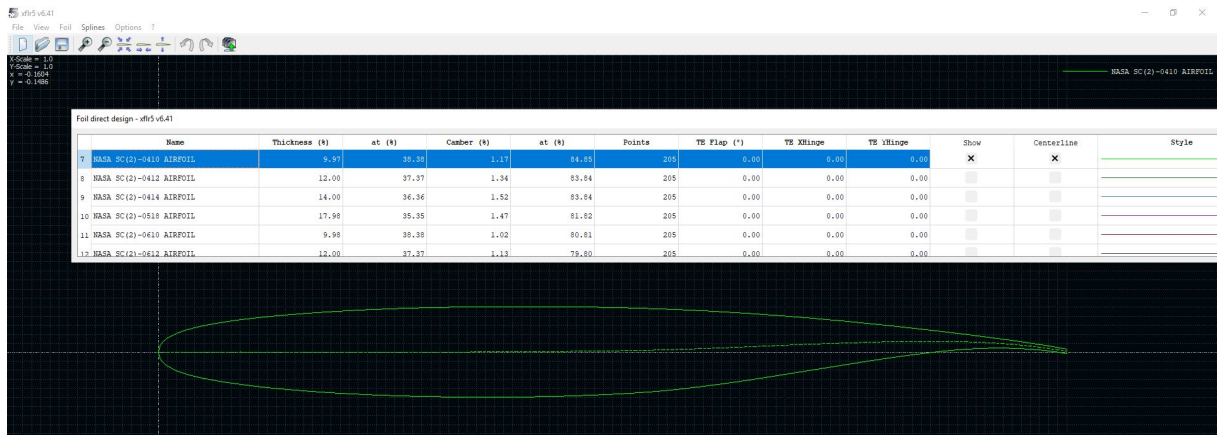


Bild 3.9 Profilgeometrieanalyse

Eine tabellarische Übersicht der so bestimmten Profileigenschaften ist in Tabelle 3.2 gegeben.

Tabelle 3.2 Ergebnisse der Profilanalysen mit XFLR5

Profil	Profildicke	Dickenrücklage	Wölbung	Wölbungsrücklage	$C_{A,design}$	Ma_{Design}	Δy [%]
	(d/l) [%]	(x_d/l) [%]	(f/l) [%]	(x_f/l) [%]			
BAC1_NASA_TM 87600	10	44,44	1,59	76,77			2,25
CAST_7_AGARD_AR_138	11,81	35,35	1,93	72,73	0,573	0,76	3,7
CAST_10-NASA_TM86273	12,18	45,45	1,28	15,15	0,595	0,76	3,2
Cessna_executive_NASA_TP-3579	11,54	36,36	1,16	70,71	0,508	0,735	2,86
DFVLR_R4_NASA_TM-85739	13,38	37,37	2,15	79			3,5
NACA_651-213	12,96	40,4	1,51	41,41			2,98
NLR_7301	16,51	35,35	1,66	75,76	0,45	0,747	4,79
NPL_9510	11,08	32,32	1,82	79,8	0,6	0,75	2,13
SC(2)-0710	10,02	38	1,06	81	0,7	0,78	2,2
SC(2)-0012	12	38,38	0	0	0		3,15
SC(2)-0714	13,97	37	1,55	80	0,7	0,74	3,55
SC(3)-0712(B)	12,11	37,5	1,9	81		0,76	2,95
SKF 1.1	12,07	34,34	1,55	68,69	0,532	0,769	3,42
Airbus_TA11	11,04	37,37	1,86	76,77			2,8
SC(2)-0403	3	36,36	0,39	83,84	0,4		0,75
SC(2)-0404	4,01	37,37	0,47	79,8	0,4		1,05
SC(2)-0410	9,97	38,38	1,17	84,85	0,4		2,5
SC(2)-0412	12	37,37	1,34	83,84	0,4		3,2
SC(2)-0414	14	36,4	1,52	83,84	0,4		3,8
SC(2)-0518	17,98	35,4	1,47	81,82	0,5		5,75
SC(2)-0610	9,98	38,4	1,02	80,81	0,6		2,64
SC(2)-0612	12	37,4	1,13	79,8	0,6		3,05
SC(2)-0614	13,99	36,4	1,25	79,8	0,6		3,63
SC(2)-0402	2	34,4	0,36	83,84	0,4		0,52
SC(2)-0406	6	35,4	0,56	80,53	0,4		1,5
SC(2)-0503	3	32,3	0,79	86,41	0,5		0,69
SC(2)-0606	6	34,34	1,33	78,53	0,6		1,51
SC(2)-0706	6	34,34	1,59	81,07	0,7		1,48
SC(2)-0712	11,99	37,37	2,22	83,74	0,7		3,04
SC(2)-1006	6	30,3	3,01	76,3	1		1,6
SC(2)-1010	10	32,32	3,35	75,51	1		2,49
SC(2)-0010	10	37,37	0	0	0		2,45

3.5 Statistische Betrachtung der Profیلwölbung

Für kleinere Datensätze empfiehlt sich nach **Fahrmeir 2016** die semigrafische Darstellung in einem Stamm-Blatt-Diagramm, da sie, bis auf Rundung, noch die Werte der Urliste enthalten und somit eine explorative Analyse sowie Einblick in die Datenstruktur geben. Bild 3.10 zeigt das Diagramm für die Vorkommastellen 0 bis 3 (Stamm) und den Nachkommastellen auf Zehntel gerundet (Blatt).

0	0 0 4 4 5 6 8
1	0 1 1 2 2 3 3 3 3 5 5 5 5 6 6 6 6 7 8 9 9 9
2	2 2 3
3	0 4

Bild 3.10 Stamm mit Zehnerstelle (rechts) und Blatt mit Einerstellen (links) der Profیلwölbung in % der Profiltiefe

Aus dem Stamm-Blatt-Diagramm lässt sich eine starke **Häufung der Profیلwölbungen im Bereich von 1% bis 2%** erkennen. Die Häufigkeitsverteilung ist in Bild 3.11 als Histogramm aufgetragen. Dazu wurden die Wölbungen in Klassen von 0,1% Intervallbreite eingeteilt und die absolute Häufigkeit ermittelt. Die relative Häufigkeit der Klassen von 0,6% Wölbung Klassenbreite ist in Bild 3.12 skizziert.

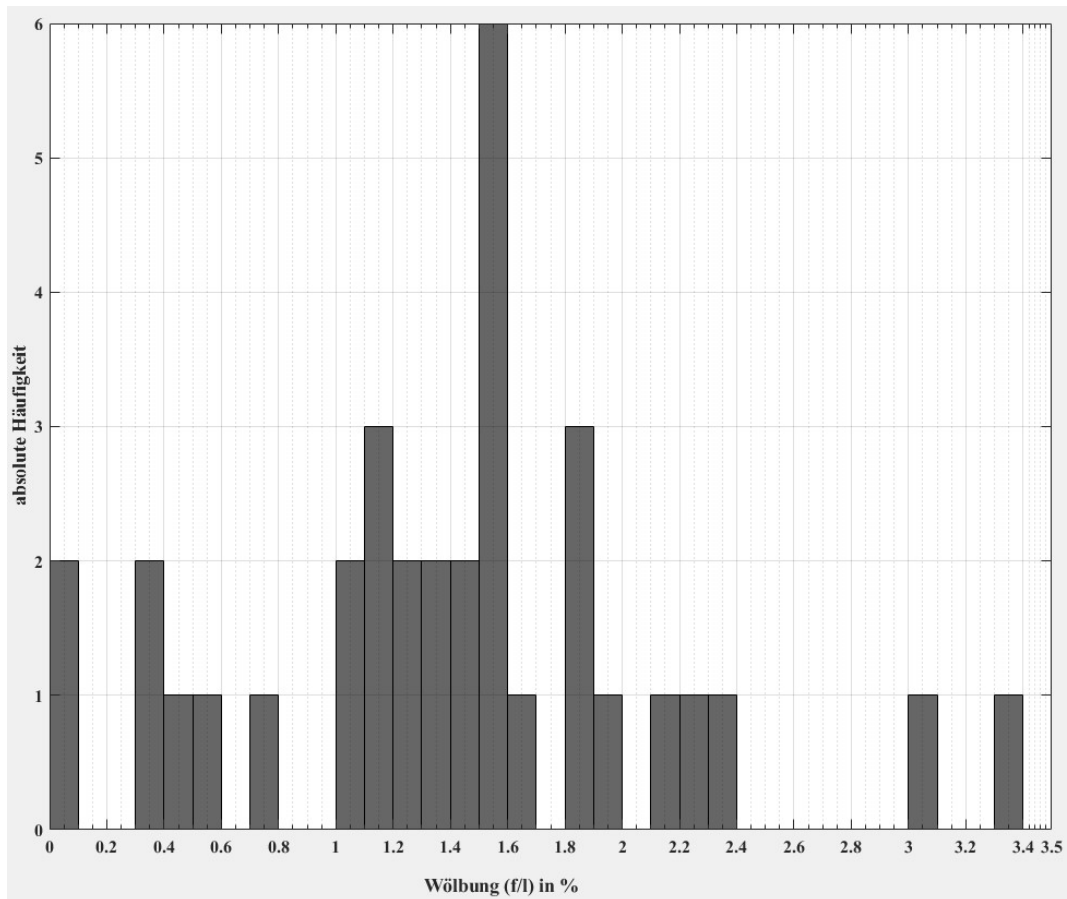


Bild 3.11 absolute Häufigkeit der ermittelten Wölbungen in % Profiltiefe, Klassenbreite 1%

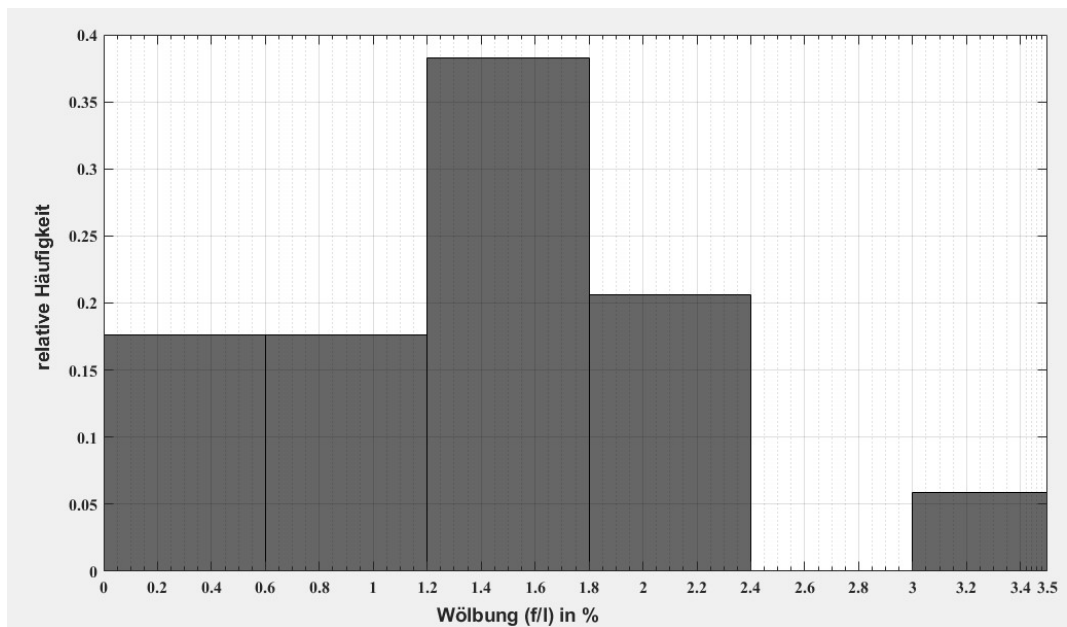


Bild 3.12 relative Häufigkeit der ermittelten Wölbungen in % Profiltiefe, Klassenbreite 0,6%

Mit dem Normal-Quantil-Plot wird geprüft, ob für den Datensatz eine Normalverteilung an-

genommen werden darf. Der NQ – Plot der Wölbungsverteilung (Bild 3.13) zeigt, dass im Bereich um den Mittelwert annähernd normalverteiltes und symmetrisches Verhalten vorliegt. Die deutlichen Abweichungen der Wölbungsquantilen zu den Normalverteilungsquantilen in den Anfangs- und Endwertbereichen bedeuten aber eine stärker ausgeprägte Krümmung zur Normalverteilung.

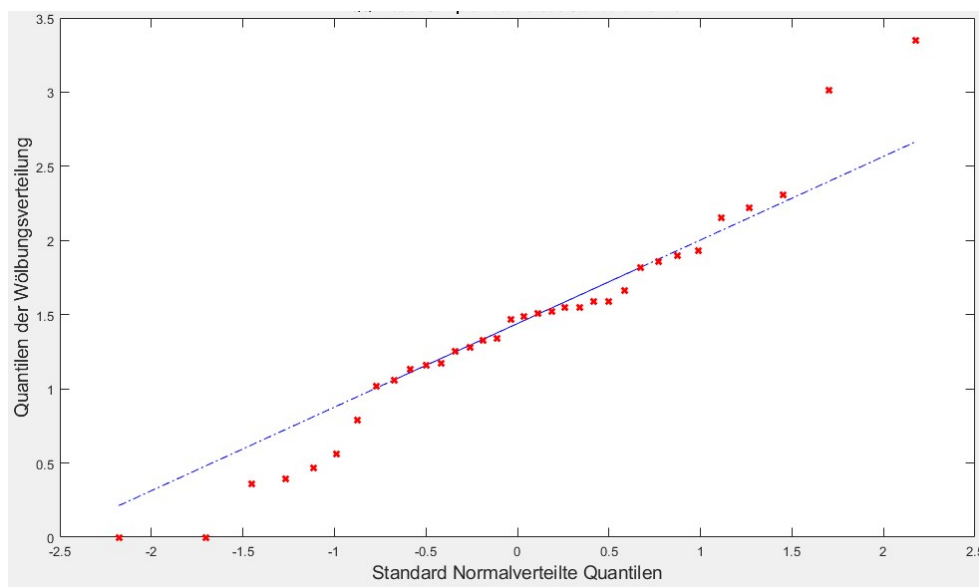


Bild 3.13 NQ-Plot der Wölbungsdaten (blau) und Quantilen einer Normalverteilung (rot)

Aus der Datenmenge wurde der **Mittelwert, die Varianz und die Standardabweichung** ermittelt und mit dem Standardfehler angegeben. Die Ergebnisse sind in Tabelle 3.3 gegeben.

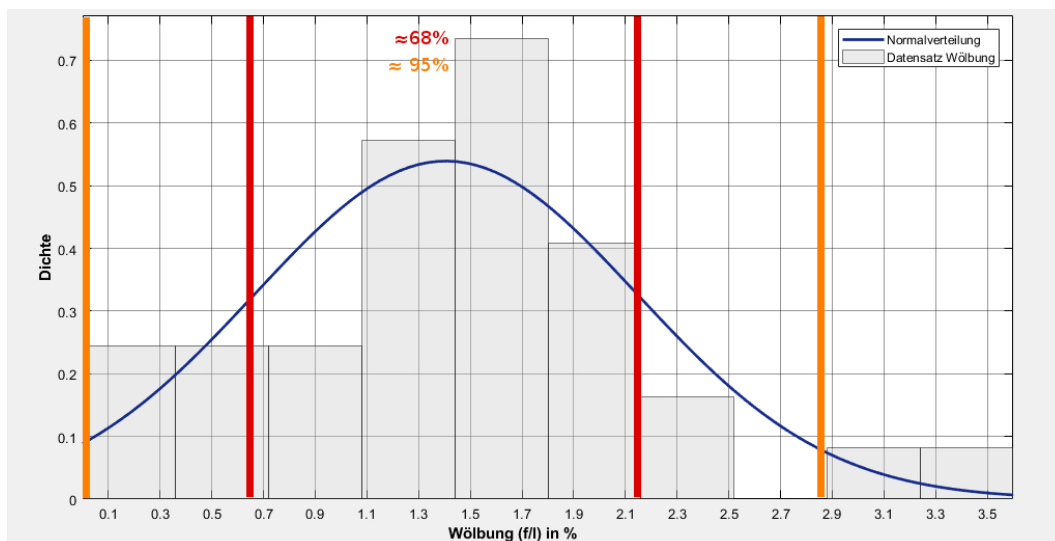
Tabelle 3.3 statistische Kennwerte der Profilwölbung in % Profiltiefe

Bezeichnung	Symbol	Wert	Standardfehler
Mittelwert	\bar{x}	1,4056	0,126846
Varianz	\tilde{s}^2	0,5471	
Standardabweichung	σ	0,7396	0,0917401

Mit den statistischen Kennwerten wurde eine Normalverteilungsfunktion modelliert und an den Datensatz angepasst. Das grafische Ergebnis ist in Bild 3.14 gezeigt, die berechneten Wahrscheinlichkeitsintervalle sind zusätzlich markiert und in Tabelle 3.4 aufgeführt.

Tabelle 3.4 Wahrscheinlichkeitsintervalle der Profilwölbung

Intervall	Wahrscheinlichkeit
$0,6660 \leq \bar{x} \leq 2,1452$	$\approx 68\%$
$-0,0736 \leq \bar{x} \leq 2,8848$	$\approx 95\%$
$-1,47920 \leq \bar{x} \leq 2,9584$	$\approx 99,5\%$

**Bild 3.14** Datensatz (grau) und modellierte Normalverteilung (blau) mit eingezeichneten Wahrscheinlichkeitsintervallen

Die Normalverteilung kann für die Wölbungsbetrachtung der superkritischen Profile **nur als Orientierung** genutzt werden, da weder der Normal-Quantil-Plot noch der optische Eindruck eine ausreichende Annahme einer Normalverteilung gewährleistet. Außerdem suggeriert die Normalverteilungskurve auch Profilwölbungen im negativen Bereich, welche nicht auftreten. Dies ist durch die 0% Wölbungsprofile zu erklären. Superkritische Profile wurden also mit einer Streuung an Wölbungen entworfen und weisen eine **Häufung im Bereich zwischen 0,7 und 2,2 %** auf. Ein Vergleich mit dem Plot des Design-Auftriebsbeiwerts über der Wölbung in Bild 3.15 und Bild 3.8 zeigt, dass der beobachtete Häufungsbereich der Wölbungen auch die **entsprechenden Designauftriebsbeiwerte im Bereich 0,4 bis 0,7 bedingt**, die unter anderem für Transportflugzeuge üblich sind.

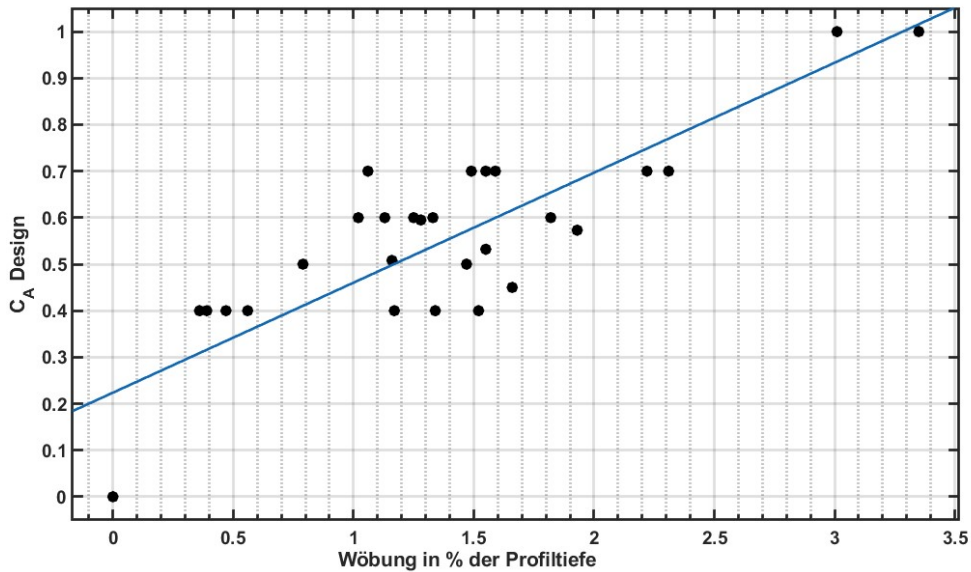


Bild 3.15 C_A Design über $\frac{f}{t}$ mit eingezeichneter Regressionsgeraden der superkritischen Profile

3.6 Statistische Betrachtung der Wölbungsrücklage

Die Datenstruktur der ermittelten Wölbungsrücklagen wird zunächst in einem Stamm-Blatt Diagramm veranschaulicht (Bild 3.16). Der Stamm umfasst die Zehnerstellen der Wölbungsrücklage in % und im Blatt sind die gerundeten Einerstellen aufgelistet.

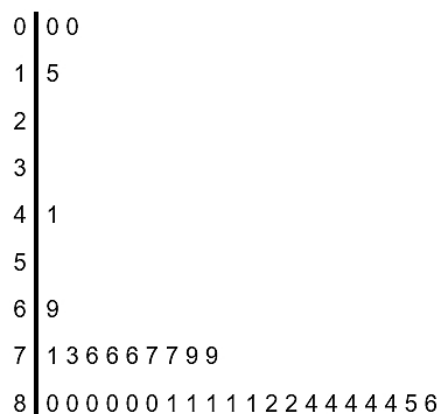


Bild 3.16 Stamm-Blatt Diagramm der Wölbungsrücklage, rechts Zehnerstellen, links Einerstellen der Wölbungsrücklagen in % der Profiltiefe

Das Stamm-Blatt Diagramm zeigt deutlich die **Häufung der Wölbungsrücklagen in Nähe der Hinterkante** in einem Bereich von **70-81% der Profiltiefe**, wie von **Whitcomb 1974** beschrieben. Die zwei 0% Wölbungsrücklagenprofile sind entsprechend die in Kapitel 3.5 beobachteten

0% Wölbungsprofile. In Histogramm 3.17 sind die prozentualen Verteilungen der Wölbungsrücklage gezeigt.

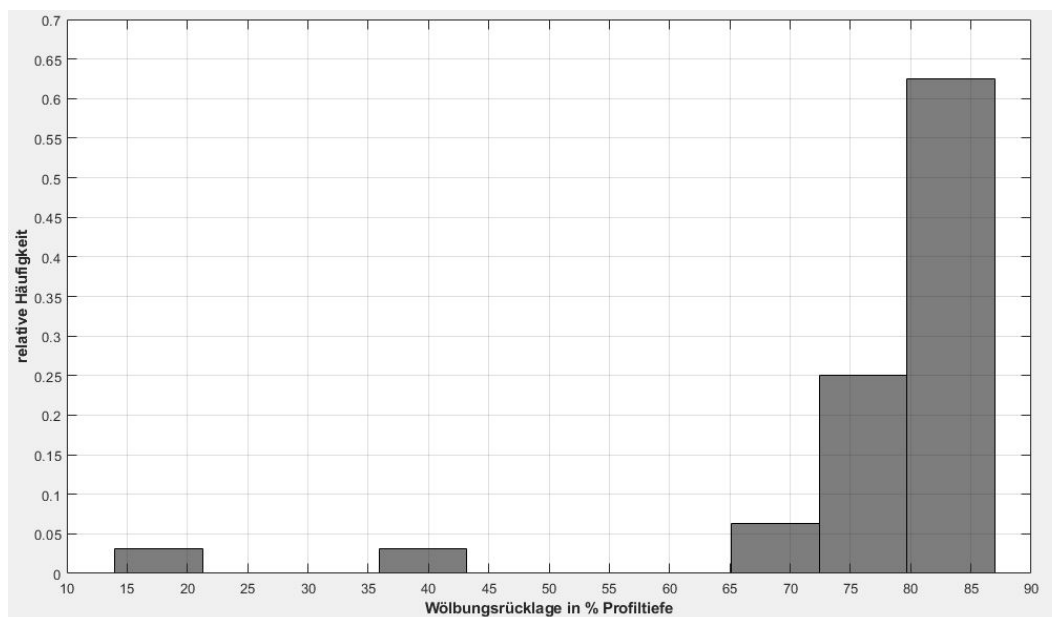


Bild 3.17 relative Häufigkeit der ermittelten Wölbungsrücklagen in % Profiltiefe, Klassenbreite 7,3%

Für die Ermittlung der statistischen Lagemaße wurden die **0% Wölbungsrücklagen** nicht berücksichtigt, da sie **Außreiser darstellen** und die Aussagekraft der Ergebnisse zu sehr verzerren. In Tabelle 3.5 sind **Mittelwert, Varianz und Standardabweichung mit dem Standardfehler** angegeben.

Tabelle 3.5 statistische Kennwerte der Wölbungsrücklage, ohne 0% Wölbungsprofile

Bezeichnung	Symbol	Wert	Standardfehler
Mittelwert	\bar{x}	76,4056	2,41251
Varianz	\tilde{s}^2	186,246	
Standardabweichung	σ	13,6472	1,74735

Wie in Bild 3.18 (rechte Seite) zu sehen, repräsentiert eine Normalverteilungsfunktion mit Kennwerten aus der Tabelle 3.5 den Datensatz ebenfalls nicht zufriedenstellend. Durch filtern der Profilwölbungen unter 45%, welche nur $\approx 9\%$ des Datensatzes ausmachen, erhält man eine wesentlich bessere Modellierung der Wölbungsrücklagenverteilung im hinteren Profilbereich, wie der Normal-Quantilenplot (Bild 3.18 links oben) und die resultierende Verteilungsfunktion (Bild 3.18 links unten) zeigen. Mit den so abgeleiteten statistischen Lagemaßen (Tabelle

3.6) lässt sich die charakteristische **Wölbungslage von superkritischen Profilen qualitativ deutlich besser beschreiben**. In Kapitel 3.10.1 werden die auffällig abweichenden Profile betrachtet.

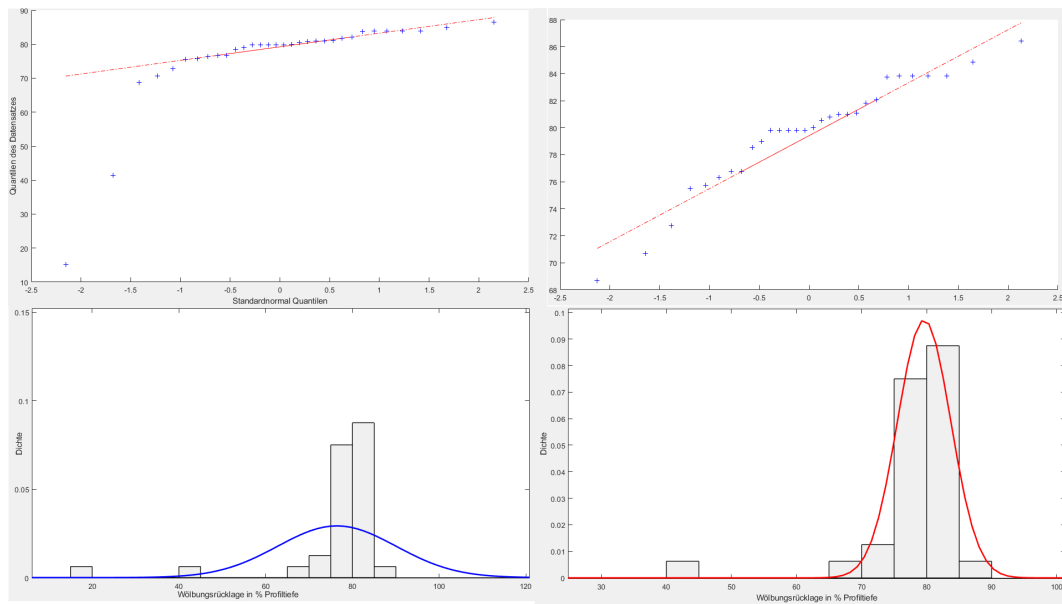


Bild 3.18 NQ-Plots (oben) und Normalverteilungen (unten) vom Datensatz ohne Mindestwert von 45% rechts und mit 45% Schwellwert links

Tabelle 3.6 statistische Kennwerte der Wölbungsrücklage ohne 0% Wölbungsprofile und ohne <45% Profile

Bezeichnung	Symbol	Wert	Standardfehler
Mittelwert	\bar{x}	79,614	0,7489
Varianz	\tilde{s}^2	16,8233	
Standardabweichung	σ	4,1016	0,543

Die aus Tabelle 3.6 folgenden Wahrscheinlichkeitsintervalle sind Tabelle 3.7 zu entnehmen.

Tabelle 3.7 Wahrscheinlichkeitsintervalle der Wölbungsrücklage

Intervall	Wahrscheinlichkeit
$75,508 \leq \bar{x} \leq 83,72$	$\approx 68\%$
$71,402 \leq \bar{x} \leq 87,826$	$\approx 95\%$
$67,296 \leq \bar{x} \leq 91,932$	$\approx 99,5\%$

3.7 Statistische Betrachtung der Dickenrückenlage

Der Überblick über die ermittelten Dickenrücklagen wird mithilfe des Stamm-Blattdiagramms in Bild 3.19 durchgeführt. Dabei findet sich eine deutliche **Häufung** bei Profilen **zwischen 30% - 40%** Dickenrücklage (bezogen auf Profiltiefe) wieder. Nur drei Werte sind größer als 40% und kein Wert kleiner als 30%.

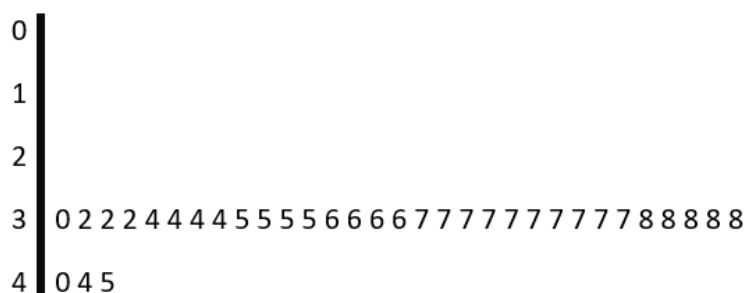


Bild 3.19 Stamm mit Zehnerstelle (rechts) und Blatt mit Einerstellen (links) der Dickenrücklagen in % der Profiltiefe

Die detailreichere Betrachtung der Verteilung ermöglicht das Histogramm in Bild 3.20 mit einer Klassenbreite von 1,6% Profiltiefe. Rund 40% der Dickenrücklagendaten entfallen auf den Bereich von 36,4% bis 38% und münden in eine abstufoende Verteilung nach links und rechts

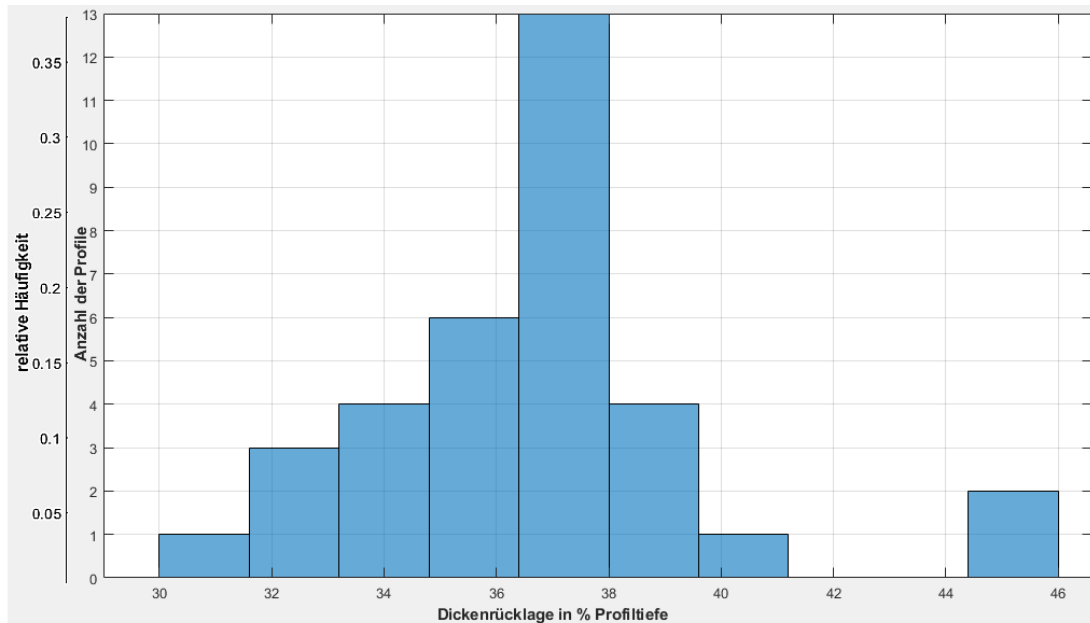


Bild 3.20 absolute Häufigkeit und relative Häufigkeit der ermittelten Dickenrücklagen in % Profiltiefe, Klassenbreite 1,6 % Profiltiefe

Aus dem Datensatz werden die statistischen Lagemaße des **Mittelwerts**, der **Varianz** und der **Standardabweichung** berechnet, diese sind in Tabelle 3.8 gezeigt.

Tabelle 3.8 statistische Kennwerte der Dickenrücklage in % Profiltiefe

Bezeichnung	Symbol	Wert	Standardfehler
Mittelwert	\bar{x}	36,649	0,5113
Varianz	\hat{s}^2	8,8882	
Standardabweichung	σ	2,9813	0,37

Aus den Lagemaßen können **Wahrscheinlichkeitsintervalle** abgeleitet werden, die angeben, mit welcher Wahrscheinlichkeit eine Dickenrücklage eines superkritischen Profils einen bestimmten Wert (in einem bestimmten Intervall) annimmt. Die Intervalle für die Dickenrücklageverteilung sind in Tabelle 3.9 aufgeführt.

Tabelle 3.9 Wahrscheinlichkeitsintervalle der Dickenrücklage in % Profiltiefe

Intervall	Wahrscheinlichkeit
$33,6677 \leq \bar{x} \leq 39,6303$	$\approx 68\%$
$30,6864 \leq \bar{x} \leq 42,6116$	$\approx 95\%$
$27,7050 \leq \bar{x} \leq 45,5930$	$\approx 99,5\%$

3.8 Parameterbeziehungen superkritischer Profile

Aus den ermittelten geometrischen und aerodynamischen Eigenschaften der superkritischen Profile lassen sich auch Zusammenhänge untersuchen und darstellen.

In Bild 3.21 wurde das geometrische Verhältnis von Profildicke zur Wölbung untersucht. Dabei konnte eine schwache Korrelation festgestellt werden (Vergleich Tabelle 3.10). Stärker gewölbte superkritische Profile tendieren somit zu größeren Profildicken.

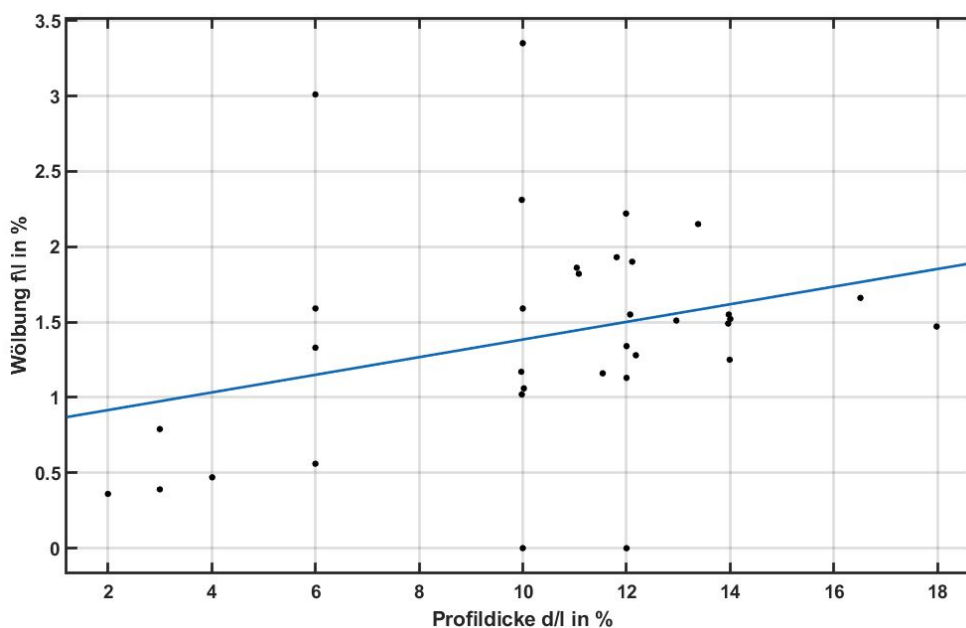


Bild 3.21 Profildicke zur Wölbung superkritischer Profile

Tabelle 3.10 Korrelations- und Regressionswerte der Profildicke zur Wölbung

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,303
Bestimmtheitsmaß R^2	0,09183
Regressionsgleichung (linear)	$f/l = 0,0585 \cdot d/l + 0,799$ [%]

In Bild 3.22 wurde die Auslegungsmachzahl über der Profildicke aufgetragen und auf Korrelation untersucht. Dabei konnte eine mäßige Korrelation beobachtet werden, wie Tabelle 3.11 zu entnehmen. Eine hohe Auslegungsmachzahl wird also mit vergleichsweise dünneren superkritischen Profilen erreicht.

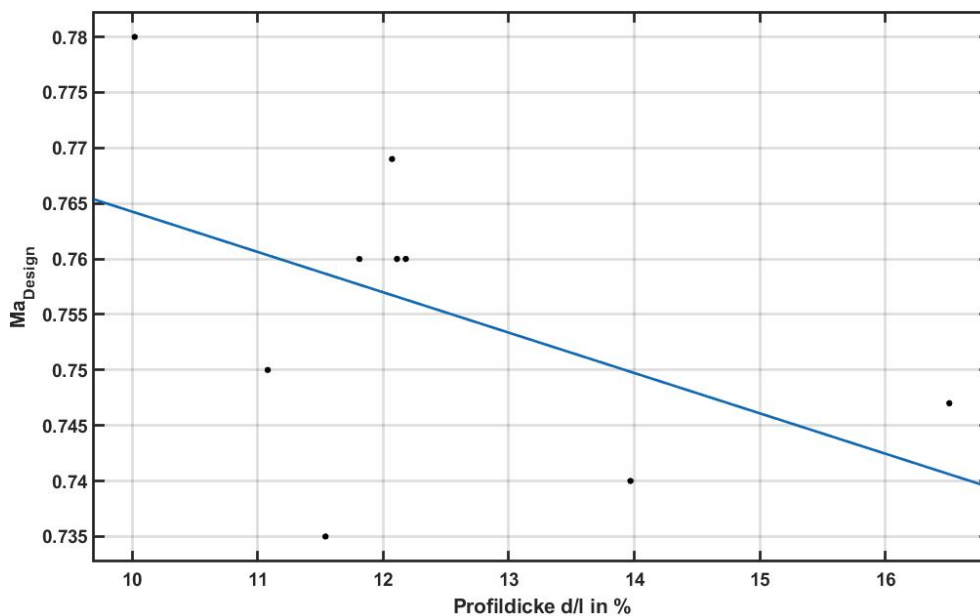


Bild 3.22 Design-Machzahl in Abhängigkeit der Profildicke superkritischer Profile

Tabelle 3.11 Korrelations- und Regressionswerte der Profildicke zur Machzahl

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,4805
Bestimmtheitsmaß R^2	0,2309
Regressionsgleichung (linear)	$Ma_{Design} = -0,003643 \cdot d/l [\%] + 0,8006$

Aus der Aerodynamik ist der Zusammenhang von Wölbung und Auftriebsbeiwert bekannt (Vergleich Kapitel 3.1.2). Dies konnte auch für die vorliegenden superkritischen Profile gezeigt werden. In Bild 3.12 ist die grafische Darstellung der Regressionsgeraden aufgetragen, die mit hohen Korrelationswerten nach Tabelle 3.12 bekräftigt wird.

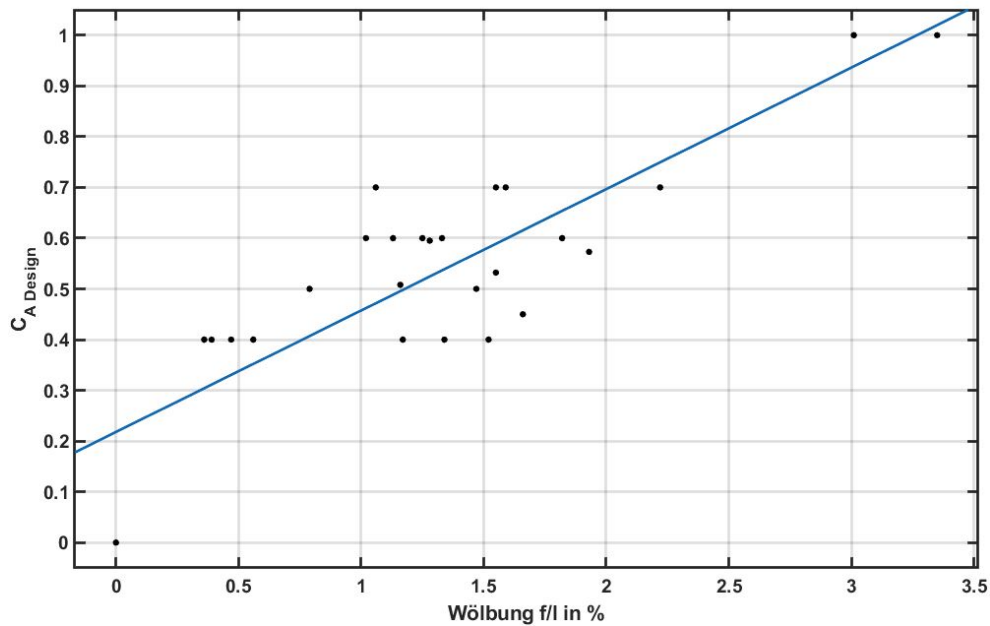


Bild 3.23 Wölbung zum Design- Auftriebsbeiwert superkritischer Profile

Tabelle 3.12 Korrelations- und Regressionswerte der Wölbung zum Design-Auftriebsbeiwert

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,843
Bestimmtheitsmaß R^2	0,7114
Regressionsgleichung (linear)	$C_{A_{Design}} = 0,2394 \cdot f/l [\%] + 0,2179$

Die Untersuchung der Abhängigkeit von Auslegungsauftriebsbeiwert und Profildicke wies keine Korrelation auf, wie Bild 3.24 zeigt.

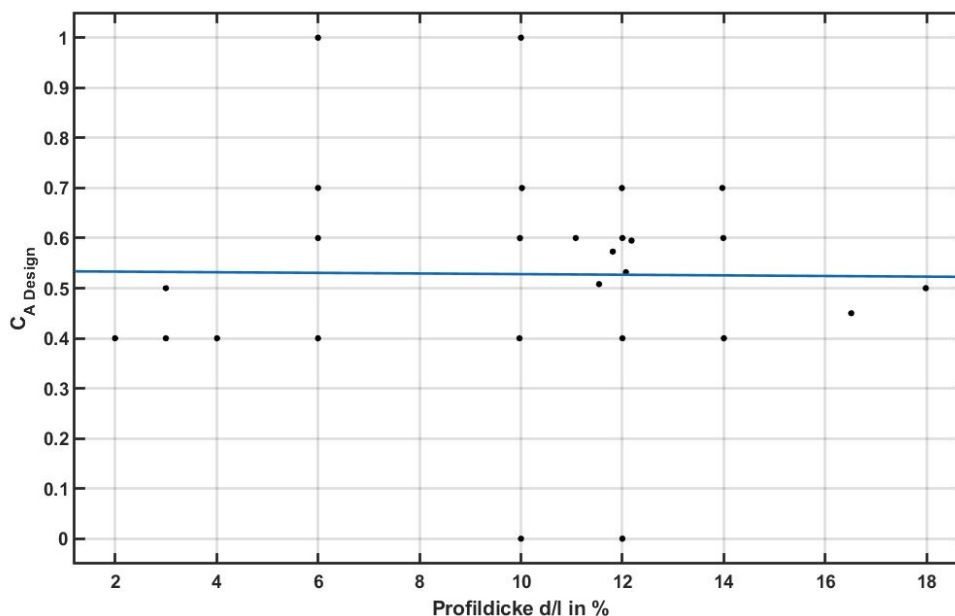


Bild 3.24 Design-Auftriebsbeiwert in Abhängigkeit der Profildicke superkritischer Profile

3.9 Leading-edge sharpness Parameter

Für die Berechnung des maximalen Auftriebsbeiwerts $C_{A,max}$ nach der Methode **DATCOM 1978** wird der leading-edge sharpness Parameter Δy benötigt. In **DATCOM 1978** lässt sich daher auch eine Umrechnung der Profildicke von bekannten NACA Profilen in den gesuchten Δy Parameter finden, wie Tabelle 3.13 zeigt.

Tabelle 3.13 Δy Parameter für bekannte NACA - Profile, **DATCOM 1978 (2.2.1-8)**

Profiltyp	Δy
NACA 4 digit	$26.0 \cdot (t/c)$
NACA 5 digit	$26.0 \cdot (t/c)$
NACA 63 series	$22.0 \cdot (t/c)$
NACA 64 series	$21.3 \cdot (t/c)$
NACA 65 series	$19.3 \cdot (t/c)$
NACA 66 series	$18.3 \cdot (t/c)$

Für **superkritische Profile** ist das **Parameterverhältnis** allerdings **nicht bekannt**. Daher wurde aus den Profilgeometriedaten der leading-edge sharpness Parameter bestimmt und wie **DATCOM 1978** ein linearer Zusammenhang zur Profildicke angenommen. Mit den erhobenen Daten wurde eine lineare Regression durchgeführt, das grafische Ergebnis ist in Bild 3.25 gezeigt und

die statistischen Werte in Tabelle 3.14 gegeben.

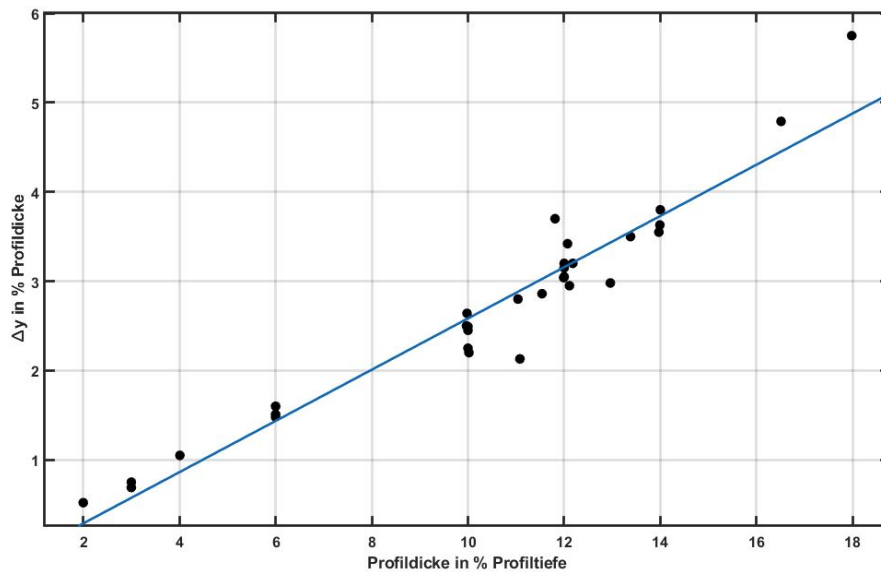


Bild 3.25 Regressionsanalyse des leading-edge sharpness Parameters zur Profildicke

Tabelle 3.14 Korrelations- und Regressionswerte des leading-edge sharpness Parameters zur Profildicke

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,9666
Bestimmtheitsmaß R^2	0,9344
Regressionskoeffizienten	$\hat{\beta} = 0,287; \hat{\alpha} = -0,2863$
mit 95% Konfidenzintervallen	(0,2586; 0,3153); (-0,597; 0,02439)
Regressionsgleichung (linear)	$f(x) = 0,287 \cdot x - 0,2863$

Die hohen Korrelationswerte bestätigen ebenfalls einen linearen Zusammenhang zwischen Δy - Parameter und der Profildicke. Aus der Geradengleichung kann daher das Verhältnis von Δy zur Profildicke genutzt werden, um einen Umrechnungsfaktor wie in Tabelle 3.13 anzugeben. Die Genauigkeit dieses Modells ist vermutlich geringer einzuschätzen als die Angaben zu den NACA - Profilen, wie die relativ breiten Konfidenzintervalle zeigen. Der Vereinfachung halber wird nur die Geradensteigung als Umrechnungsfaktor betrachtet. **Die Umrechnung von Profildicke zum leading-edge sharpness Parameter für superkritische Profile** kann somit nach

folgender Abschätzung erfolgen:

$$\Delta y \approx 26,25 \cdot \frac{t}{c} [\% \text{ der Profiltiefe}] \quad (3.4)$$

Für den Effekt des leading-edge sharpness Parameters auf das Strömungsablösungsverhalten des Profils ist bekannt (**Scholz 2017**):

- Bei scharfer Profilnase (also kleinem Δy) beginnt die Strömung sich an der Profilverkante abzulösen.
- Bei einer stärker abgerundeten Profilnase (also großem Δy) kommt es zu einer Ablösung der Strömung beginnend an der Profilhinterkante.

3.10 Diskussion der statistischen Ergebnisse

3.10.1 Diskussion abweichender Profile

Während der Betrachtung der Profilverwölbung wurden auch **zwei symmetrische Profile** ermittelt, die entsprechend keine Wölbung aufweisen und somit abweichen von der Mehrzahl der transsonischen Profile, die eine **Wölbung zumeist im hinteren Profilbereich** kennzeichnet. Den Design-Bedarf solcher Profile führt **Nandan 1987** auf den möglichen Einsatz von superkritischen Profilen zugleich auch im Überschallbereich zurück, in diesem eine Wölbung nachteilig wäre. Typischerweise könnten solche Profile für Kampfflugzeuge genutzt werden. Ebenfalls sieht **Nandan 1987** Vorteile in der einfacheren Fertigung und der Vermeidung von Verdichtungsstoßeffekten, was mit diesen Profilen erreicht werden konnte.

Ähnlich auffällig war die Wölbungslage des CAST10 Profils nahe der Profilverkante. Nach **Stanewsky 1988** wurde mit diesem Profil versucht, ein stoßfreies, sowie teilweise laminares Strömungsverhalten zu erreichen. Aus den speziellen Designhintergründen lässt sich für diese Profile also auch die abweichende Profilverform erklären. In Bild 3.26 sind die diskutierten Profilverformen gezeichnet.

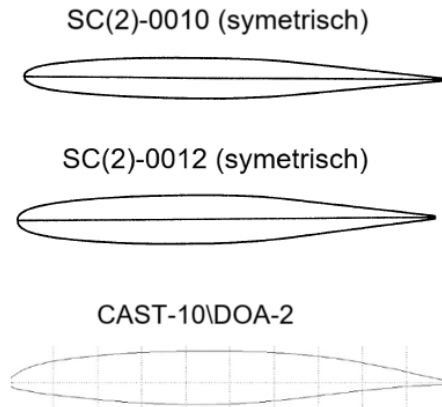


Bild 3.26 untypische superkritische Profile

3.10.2 Fehlerbetrachtung

Die Genauigkeit der Ergebnisse hängt von mehreren Einflussfaktoren ab. Für die Qualität der Auswertung von Profilgeometrien mit der Software XFLR5 sind maßgeblich die für eine Profilgeometrie vorhandene Koordinatenpunktzahl entscheidend. Diese variierte bei den Untersuchungsprofilen und umfasste eine Anzahl von 33 bis über 200 Koordinatenpunkte pro Profil. Eine höhere Punktemenge führt dabei zu einer besseren “Auflösung“ und einem genaueren Ergebnis. Einige geometrische Ergebnisse mussten zusätzlich manuell bestimmt werden, beispielsweise bei fehlerhafter oder keiner Messung der Software. Hierbei können zufällige Fehler und Messungenauigkeiten vorkommen.

4 Statistische Untersuchung von Flugzeugreifen

4.1 Einführung zu Reifen in der Luftfahrt

Reifen gehören in der Luftfahrt zum **System** des Fahrwerks. In der zivilen Luftfahrt werden Luftfahrtsysteme üblicherweise nach Spezifikation 100 der Air Transport Association of America (ATA) eingeteilt (**Scholz 2016**). Das Fahrwerk ist Gegenstand des ATA Kapitels 32. Zum Fahrwerk gehören die Einheiten und Komponenten, die das Flugzeug auf dem Boden oder auf dem Wasser tragen und steuern sowie das Einfahren des Fahrwerks ermöglichen. Das Fahrwerk enthält z. B. den Schleifsporn, Bremsen, Räder, Schwimmer, Kufen, Skier, die Betätigungsmechanismen der Fahrwerksklappen, Fahrwerksstreben, *Reifen*, Gestänge und Systeme zur Positionsanzeige (**ATA 100**). Die Reifen sind dem Subsystem *Räder und Bremsen* zugeordnet und in Unterkapitel ATA 32 - 40 beschrieben (**ATA 100**).

Dem Fahrwerk kommt eine wichtige Rolle im **Flugzeugentwurf** bei und muss folgende Voraussetzungen erfüllen (**Roloff 2014**):

- Aufnahme des Landestoßes,
- komfortables Rollen am Boden,
- kurze Bremsstrecke,
- gute Wendigkeit, Manövrierfähigkeit,
- geringe Oberflächenbelastung der Flughafenbetriebsflächen,
- hohe Rollstabilität/Kippsicherheit,
- geringes Stauvolumen,
- geringer aerodynamischer Widerstand,
- hohe Zuverlässigkeit und Ausfallsicherheit,
- unkomplizierte Wartung, geringe Wartungskosten,
- geringes Gewicht,
- geringe Herstellkosten.

Grundlegend muss das Fahrwerk für Passagierflugzeuge mit mehr als 10 Sitzen und einem maximalen Startgewicht größer als 5 670 kg bei Strahlantrieb oder bei mehr als 19 Sitzen und einem maximalen Startgewicht größer als 8 618 kg bei Propellerantrieb die Zulassungsvorschriften der EASA CS 25 (**EASA CS-25 2018**) (Europa) beziehungsweise der FAA FAR Part 25 (**FAR PART 25 2018**) (USA) erfüllen. In verschiedenen Paragraphen dieser Zulassungsdokumente findet man Vorschriften, die sich auf das Fahrwerk beziehen, beispielsweise bei den Lasten, den

Betriebsbedingungen, den Entwurfs- und Konstruktionskriterien (**Roloff 2014**). **Reifen** (tires) sind in *CS 25 Book 1, Subpart D - Design and Construction* unter Paragraph CS 25.733 spezifiziert (**EASA CS-25 2018**).

4.2 Reifenmaße

Zur **Beschreibung der Reifengröße** werden in Herstellerkatalogen üblicherweise die Kenngrößen **Außendurchmesser** d , **Breite** w und für einige Reifentypen auch der Felgendurchmesser d_F angegeben. Die Mehrheit der geometrischen Angaben wird **in Zoll vermaßt**, einige **Ausnahmen auch metrisch**. Die Maße sind nach Bild 4.1 definiert.

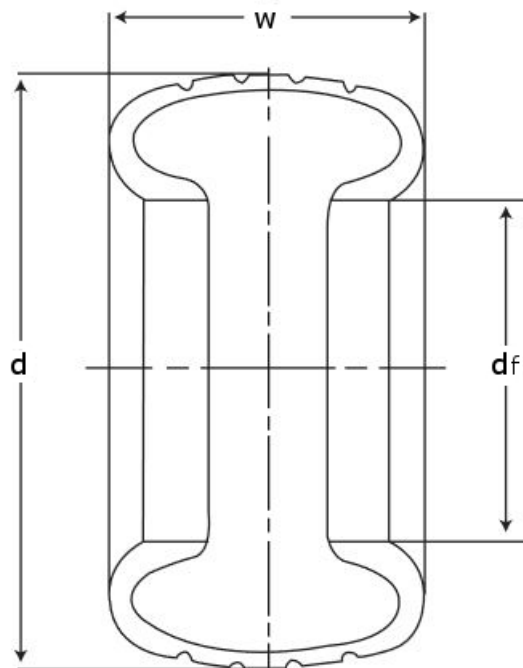


Bild 4.1 Reifenmaße nach **Dunlop 2014**

4.3 Reifentypen

Die Reifen werden nach Bauart in **Diagonalreifen** und **Radialreifen** unterschieden.

Bei Diagonalreifen ist die Karkasse X-förmig gewickelt und die Gewebelagen überlagern sich rechtwinklig. Die Wicklung verläuft diagonal zur Laufrichtung des Reifens.

Radialreifen wurden 1948 von Michelin entwickelt und sollten die Lebensdauer gegenüber Dia-

gonalreifen erhöhen. Die Karkasse ist dabei radial angeordnet und unter der Lauffläche befinden sich stabilisierende Stahlgewebe. In Bild 4.2 sind beide Reifentypen skizziert und der Aufbau erkennbar.

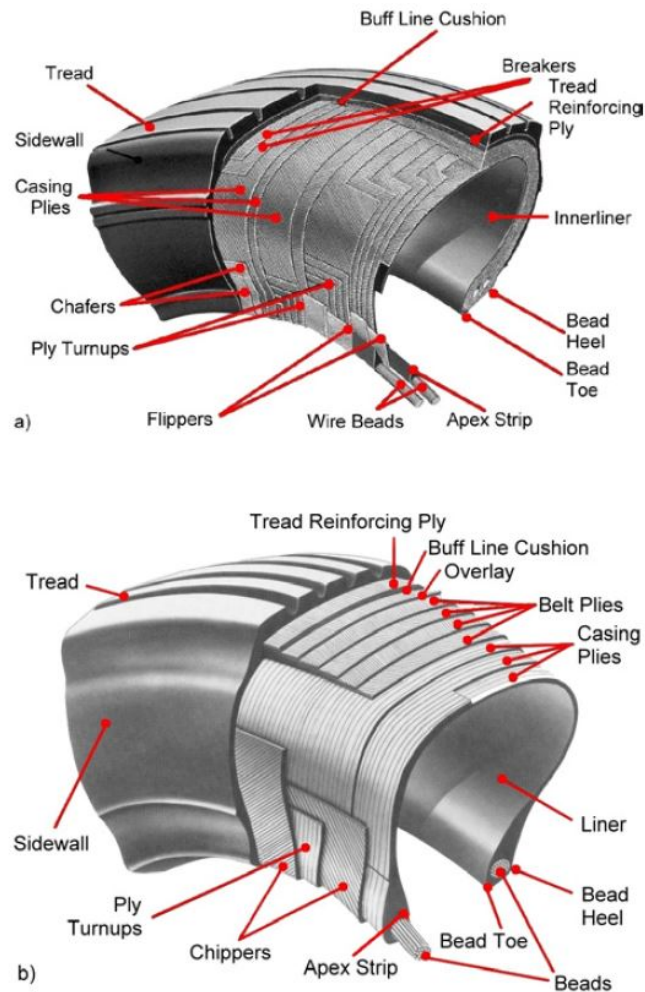


Bild 4.2 Aufbau der Reifentypen a) Diagonalreifen b) Radialreifen **Roloff 2014**

Die Reifentypwahl richtet sich nach den Betriebsanforderungen. Mit der Bauart gehen verschiedene Vor- und Nachteile einher. Dennoch werden insbesondere **bei neueren Flugzeugen zunehmend Radialreifen verwendet**. Die Vorteile eines Radialreifen sind (**Roloff 2014**):

- höhere Laufleistung
- niedrigeres Gewicht
- geringere Walkarbeit und somit geringere Erwärmung
- bessere Haftung bei Nässe und in Kurven
- bessere Laufeigenschaften
- rechteckiger Bodenkontakt, gleichmäßigere Flächenpressung

4.4 Einordnung in den Flugzeugentwurf

Die **Auslegung und Dimensionierung des Fahrwerks** ist **Bestandteil des Entwurfsprozesses**. Bild 4.3 zeigt die Einordnung der Fahrwerksauslegung (engl. landing gear) in die Entwurfssequenz.

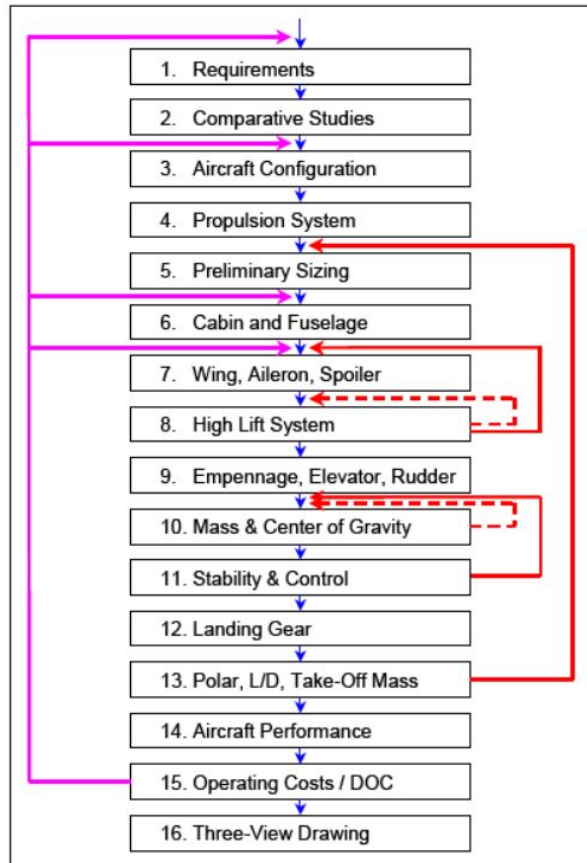


Bild 4.3 Entwurfsprozess, 12.) landing gear (engl.) = Fahrwerk, **Scholz 2017**

Die **Auslegung des Fahrwerks** selbst erfolgt dabei nach **Trahmer 2004** in vier Schritten, entsprechend der in Kapitel 4.3 aufgeführten Anforderungen:

1. Anzahl der nötigen Räder
2. erforderliche *Reifendimensionierung*
3. Auslegung der Achse und Radaufnahme bzw. Mehrradwagen
4. Einfahrkinematik und Fahrwerkschacht

Aus der maximalen Last pro Rad, die aus der **maximalen Abflugmasse (maximum takeoff**

weight MTOW) resultiert, wird die Anzahl der notwendigen Räder definiert. Die **Dimensionierung des Reifens** wird schließlich durch die maximal zulässige Flächenpressung bestimmt, da die Kraftübertragung von Flugzeug zum Boden ausschließlich über die Reifen bewältigt wird. Die tatsächliche Flächenpressung wirkt auf der Reifenfläche *Reifenbreite x Abplattungslänge*. Nach **Trahmer 2004** wird jedoch eine dazu proportionale Flächenpressung p^* mit dem bekannten Reifendurchmesser als Referenzfläche verwendet, der offensichtlich (aber nicht bewiesen) mit der tatsächlichen Reifenflächenpressung gut korreliert. Für die Berechnung des Parameters gilt:

$$p^* = \frac{m_L}{n_W d w} \left[\frac{t}{m^2} \right] \quad (4.1)$$

m_L ... Gesamtlast, i. d. R. maximale Abflugmasse (MTOW)

n_W ... Anzahl der Räder

d, w ... Reifendurchmesser, Reifenbreite

Bild 4.4 zeigt den Parameter p^* (Last/ Räder / Durchmesser(Reifen) / Breite(Reifen)) über der maximalen Abflugmasse (MTOW) für einige empirische Beobachtungen. Erkennbar ist die Verteilung der Werte im Bereich von $32 \frac{t}{m^2}$ bis $42 \frac{t}{m^2}$. In die Grafik ist auch die **maximal mögliche "Flächenpressung"** (ground pressure) als maximales Limit der Parameterkombination p^* eingezeichnet.

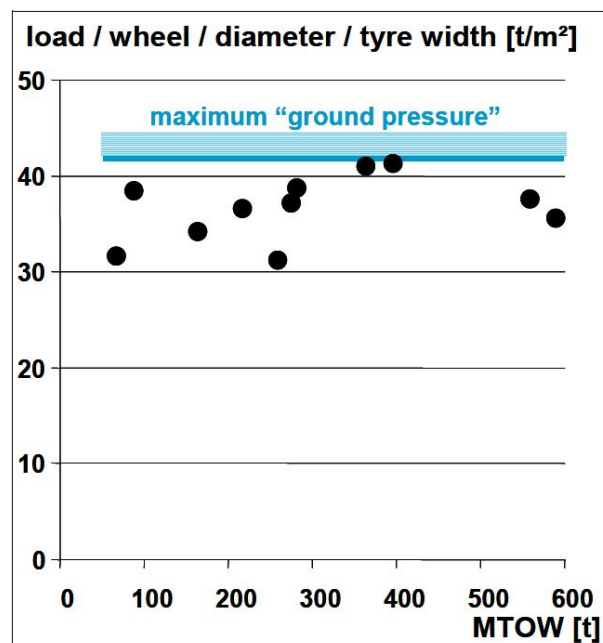


Bild 4.4 Flächenpressung p^* über der maximalen Abflugmasse (MTOW) nach empirischen Beobachtungen **Trahmer 2004**

Aus diesem Zusammenhang (4.1) lässt sich im Umkehrschluss auch der **Reifendurchmesser**

bestimmen, der sich aus den bereits bekannten Entwurfsparametern ³ ergibt:

$$d = \sqrt{\frac{m_{MTOW}}{n_w \cdot p^* \cdot w/d}} \quad (4.2)$$

Unbekannt ist dabei lediglich noch das **Verhältnis w/d**. Daher ist Gegenstand dieser Arbeit, anhand statistischer Auswertungen von Flugzeugreifen einen Richtwert für diesen Parameter geben zu können.

4.5 Verwendete Reifenkataloge

Die aus der Entwurfsabschätzung hervorgegangene Reifendimensionierung sollte mit bereits von Reifenherstellern angebotenen Reifen verglichen und abgestimmt werden. Üblicherweise veröffentlichen Hersteller **Reifenkataloge**, die das Produktportfolio mit Eigenschaften wie Dimensionierung, maximal zulässiger Geschwindigkeit, Anzahl der Schichten usw. angeben. Die umfangreichen Datensammlungen der **Reifenkataloge** sind auch **Grundlage der statistischen Untersuchung** des Verhältnisses w/d.

Die **Kennzeichnung** der Reifen ist nach verschiedenen Aspekten wie Bauart und Typ unterschieden. Gebräuchlich sind folgende Kennzeichnungstypen:

- Typ 3, Angabe: Reifenbreite - Felgendurchmesser (Beispiel: 17.00-20)
- Typ 7, Angabe: Reifendurchmesser × Reifenbreite (Beispiel: 40 × 14)
- Typ 8, Angabe: Reifendurchmesser × Reifenbreite und Felgendurchmesser (Beispiel: 49 × 19.0-20)

Radialreifen sind an einem "**R**" vor dem Felgendurchmesser zu erkennen, Diagonalreifen haben an dieser Stelle kein Zeichen. Ein "**H**" kennzeichnet Reifen, für die eine höhere Verformung oder Abplattung zugelassen ist (engl. deflection). Bild 4.5 zeigt einen Auszug aus einem Reifenkatalog, wobei hier auch die unübliche, metrische Kennzeichnung enthalten ist.

³Aus den vorrangegangenen Entwurfschritten gemäß Bild 4.3 und im Kapitel weiter oben aufgeführten Fahrwerksdimensionierung

Aircraft Manufacturer	Model	Speed (MPH)	Main Gear		Auxiliary Gear	
			Tire Size	Ply Rating	Tire Size	Ply Rating
Airbus	A300 B2/B4	225	46x16	28/30	40x14	22/24
		225	49x17	30/32		
		225	49x19.0-20	32		
	A310-200/300	225	46x16	28/30	40x14	22/24
		225	49x17	30/32		
		225	46x17R20	30		
	A300-600/600ER	225	49x17	30/32	40x14	22/24
		225	49x19.0-20	32		
	A320/A319/A318	225	49x17	28/30/32	30x8.8	16
		225	49x19.0-20	32/34		
		225	36x11 (BOGIE)	22		
		225	46x17R20	30		
	A320neo / A319neo	225	46x17R20	30	30x8.8R15	16
	A321	225	1270x455R22	30/32	30x8.8R15	16
		225	49x18.0-22	30	30x8.8	16
	A321neo	225	1270x455R22	30/32	30x8.8R15	16
	A330/A340	235	1400x530R23	32/36	1050x395R16	28
		235	54x21.0-23	32		
	A340-500/600	235	1400x530R23	40	45x18.0R17	36
A350 XWB-800/900	235	1400x530R23	42	1050x395R16	28	
	245					
A350XWB-1000	245	50x20.0R22	34	1050x395R16	28	
A380-800	235	1400x530R23	40	1270x455R22	32	
				50x20.0R22	34	

Bild 4.5 Auszug aus einem Reifenkatalog der Firma **Bridgestone 2018**

In Tabelle 4.1 sind die in dieser Arbeit verwendeten Reifenkataloge aufgeführt.

Tabelle 4.1 Übersicht der verwendeten Reifenkataloge

Hersteller	Sektion	Katalogreferenz	verwendete Daten (Anzahl)	
			Hauptfahrwerk Radial Diagonal	Hilfsfahrwerk/Bugfahrwerk Radial Diagonal
Bridgestone	-	Bridgestone 2018	22 68	22 60
Goodyear	General/Civil/Commercial	Goodyear 2018	19 132	23 47
			Σ 241	Σ 152

4.6 Statistische Untersuchung der Hauptfahrwerksreifen

Um die Zusammensetzung der aus den Reifenkatalogen extrahierten Reifenmaße (Breite und Durchmesser) für das Hauptfahrwerk einschätzen zu können, sind in Bild 4.6 die **Reifenbreiten über den Reifendurchmessern aufgetragen** und farblich in **Radialreifen** und **Diagonalreifen** unterschieden.

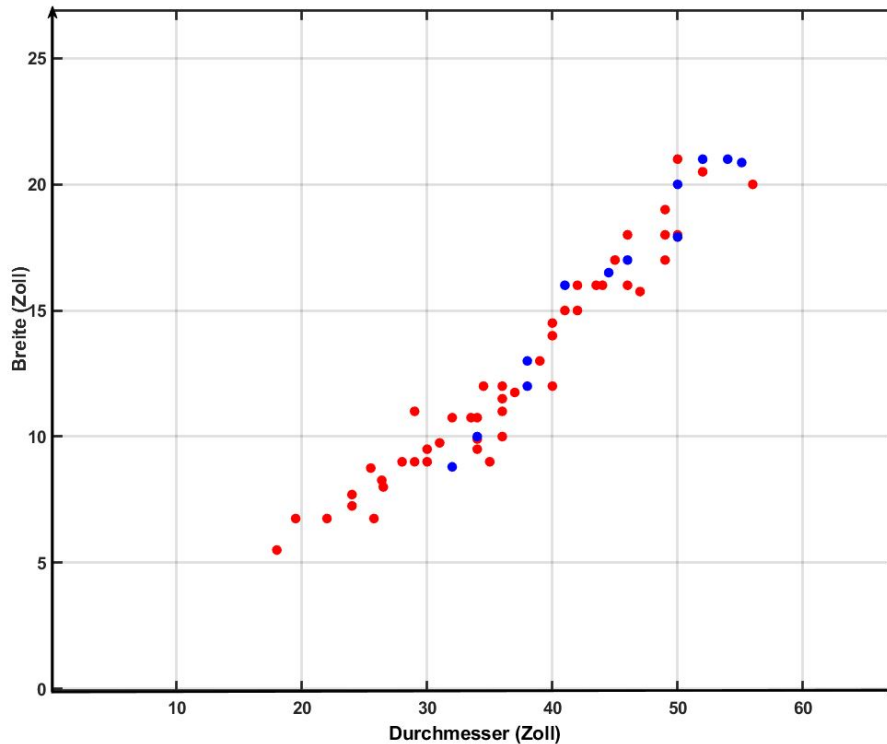


Bild 4.6 Reifenbreite über dem Reifendurchmesser in Zoll, rot - Diagonalreifen, blau - Radialreifen

Ein Vergleich der Datenpunkte im Diagramm und die Anzahl der einbezogenen Messpunkte (Tabelle 4.1) wirkt optisch un schlüssig, im Diagramm sind weit weniger Datenpunkte zu finden. Die Ursache liegt an sich **wiederholenden Reifengrößen**. Dies ist vermutlich auf die Fertigungs- und Entwicklungskosten der Reifenhersteller zurückzuführen, die durch gleiche Reifenmaße für mehrere Flugzeugtypen Kostenvorteile erzielen. In Bild 4.7 ist dieser Zusammenhang anhand der Häufigkeitsverteilung der Durchmessergrößen gezeigt. Es können also teilweise über 25 gleiche Reifenmaße im Datensatz vorhanden sein.

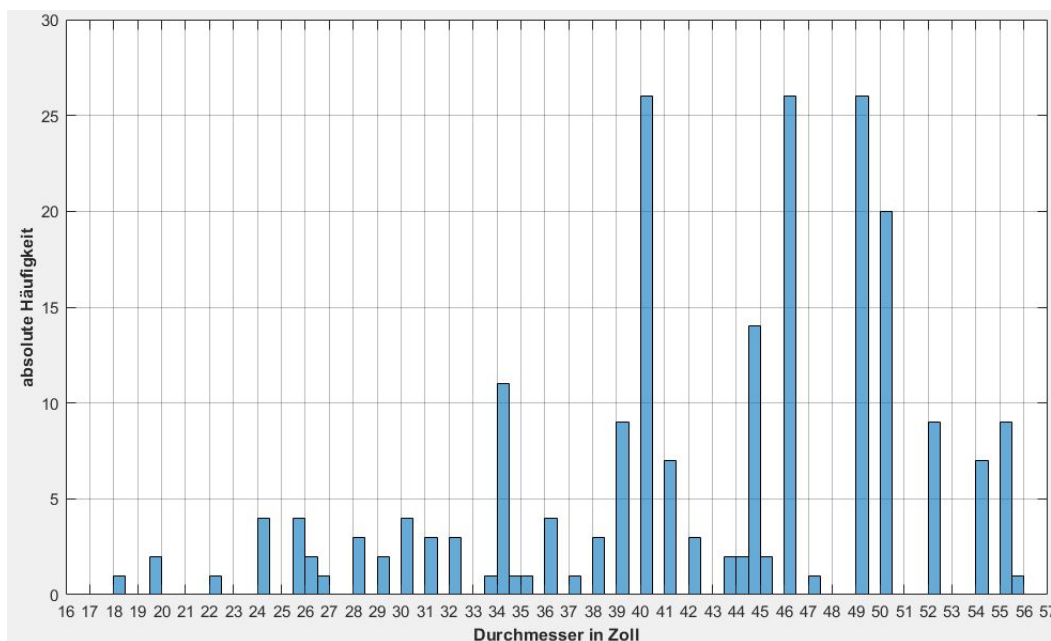


Bild 4.7 Häufigkeitsverteilung der Reifendurchmesser des Hauptfahrwerks

Außerdem zeigt Bild 4.6 **keine systematische Abweichung nach Bauart des Reifens** (Diagonal- oder Radialreifen), die Daten können einer gemeinsamen “Datenwolke“ zugeordnet werden. Daher kann im Folgenden auf eine **getrennte statistische Betrachtung nach Reifenbauart verzichtet werden** und eine allgemeine Aussage zu Reifendimensionen getroffen werden.

Bild 4.6 lässt einen **linearen Zusammenhang zwischen Durchmesser und Breite** des Reifens vermuten. Die lineare Regressionsanalyse bestätigt diesen Eindruck. Für die in Bild 4.8 dargestellte Regressionsgerade wurden die Parameter und Evaluierungsgrößen bestimmt (Tabelle 4.2).

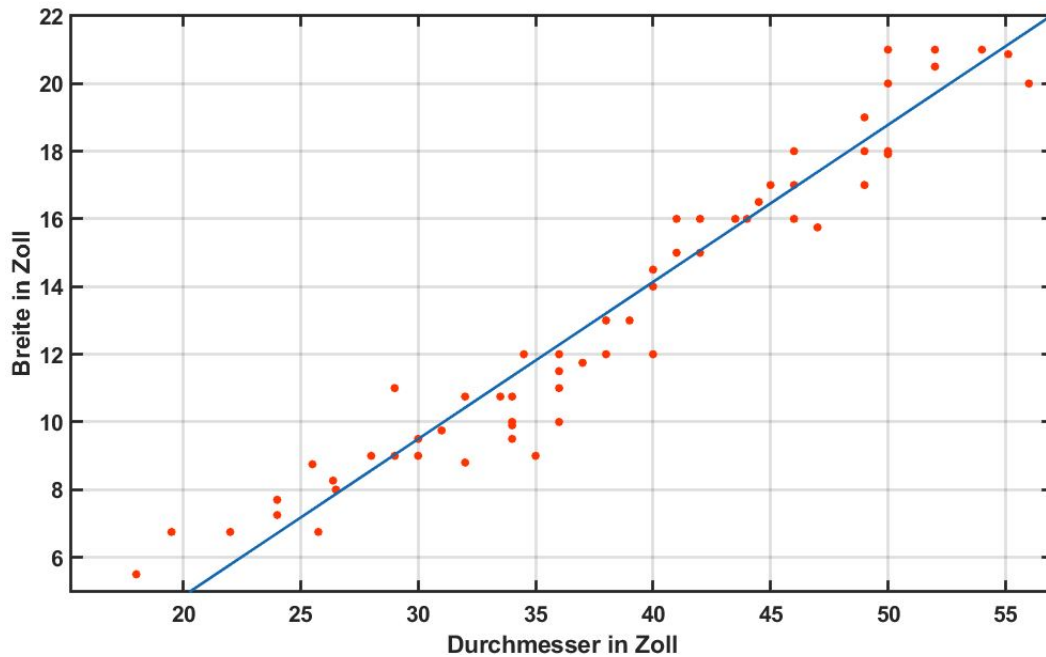


Bild 4.8 Regressionsanalyse der Reifenbreite zum Durchmesser, Hauptfahrwerksreifen, blau - Regressionsgerade, orange - Datenpunkte

Tabelle 4.2 Korrelations- und Regressionswerte des Reifendurchmessers zur Reifenbreite

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,973
Bestimmtheitsmaß R^2	0,9458
Regressionsgleichung (linear)	$f(x) = 0,464 \cdot x - 4,424$

Der **hohe Korrelationskoeffizient** und die nach dem Bestimmtheitsmaß R^2 erklärte Streuung von $\approx 0,95$ durch das Regressionsmodell bestätigen die starke **Linearität** des Verhältnisses von Durchmesser zu Breite des Reifens.

Mit dieser Erkenntnis kann also auch von einem **allgemeinen Verhältnis** w/d ausgegangen werden, der für den gesamten Bereich der Reifendimensionen zutreffend ist und keine Bereichseinschränkungen benötigt.

Die Verhältnisse der Reifenbreite zum Durchmesser (w/d) wurde berechnet und die Verteilung in einem Histogramm in Bild 4.9 aufgetragen. Die beschreibenden statistischen Kenngrößen sind Tabelle 4.3 zu entnehmen.

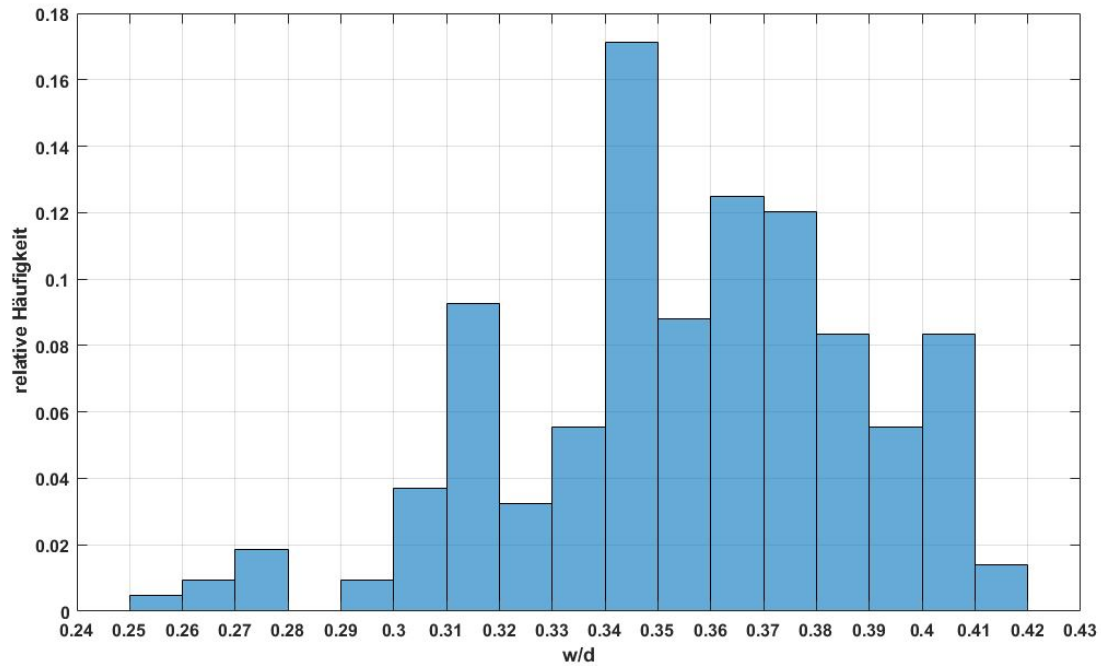


Bild 4.9 Verteilung w/d als Histogramm mit relativer Häufigkeitsangabe, Klassenbreite: 0,01.

Tabelle 4.3 statistische Kennwerte w/d von Hauptfahrwerksreifen

Bezeichnung	Symbol	Wert	Standardfehler
Mittelwert	\bar{x}	0,3553	0,002216
Varianz	\tilde{s}^2	0,0010611	
Standardabweichung	σ	0,03258	0,001573

Tabelle 4.4 Wahrscheinlichkeitsintervalle des Verhältnis w/d von Hauptfahrwerksreifen

Intervall	Wahrscheinlichkeit
$0,3227 \leq \bar{x} \leq 0,3878$	$\approx 68\%$
$0,2901 \leq \bar{x} \leq 0,4204$	$\approx 95\%$
$0,2575 \leq \bar{x} \leq 0,4530$	$\approx 99,5\%$

Der **Box-Plot** in Bild 4.10 fasst die Verteilung des Verhältnisses w/d zusammen und zeigt Ausreißer auf.

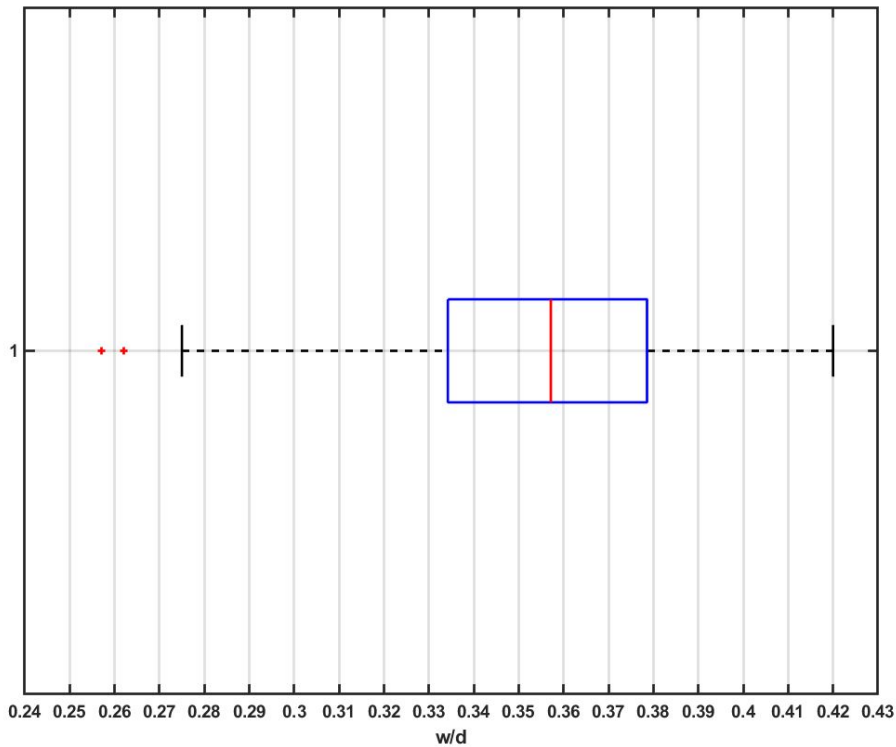


Bild 4.10 Box-Plot der Verteilung w/d von Hauptfahrwerksreifen

In Tabelle 4.5 sind die fünf Reifengrößen mit dem niedrigsten w/d Verhältnis gelistet. Die Reifen der Flugzeugmuster Aerospatiale SE 210 und Fairchild - Dornier 328JET wurden dabei als Ausreißer betrachtet, wie nach dem Box-Plot festgestellt. Dem gegenüber sind in Tabelle 4.6 die fünf größten w/d Verhältnisse im Datensatz aufgeführt.

Tabelle 4.5 die 5 Hauptfahrwerksreifen mit dem niedrigsten w/d Verhältnis und ihr Anwendungsflugzeugmuster

Hersteller	Model	d [Zoll]	w [Zoll]	w/d
Aerospatiale	SE 210	35	9	0.25714
(Hawker Siddeley)	HS 121	34	9.5	0.27941
(Hawker Siddeley)	HS 121	36	10	0.27778
(Fairchild-Dornier)	328JET	25.75	6.75	0.26214
Saab	2000	32	8.8	0.275

Tabelle 4.6 die 5 Hauptfahrwerksreifen mit dem höchsten w/d Verhältnis und ihr Anwendungsflugzeugmuster

Hersteller	Model	d [Zoll]	w [Zoll]	w/d
Boeing	727-200 Ad	50	21	0.42
Douglas	DC-10-10	50	20	0.4
Lockheed	L1011-1/100/200	50	20	0.4
Douglas	DC-10-30/40	52	20.5	0.39423
Boeing	767-300ER	46	18	0.3913

Ein Vergleich zwischen den Reifendimensionen der größten und kleinsten w/d Verhältnisse zeigt eine **mögliche Korrelation der Breite bzw. des Durchmessers mit dem Verhältnis w/d**. Aus der ermittelten Regressionsgleichung (Tabelle 4.2) lässt sich ebenfalls durch Umformen das Verhältnis w/d als Funktion von d angeben:

$$\frac{w}{d} = f(d) = 0,464 - \frac{4,424}{d} \text{ [Zoll]} \quad (4.3)$$

Daher sind diese in Bild 4.11 und 4.12 auf Korrelation geprüft worden und lineare Regressionsanalysen wurden angewendet.

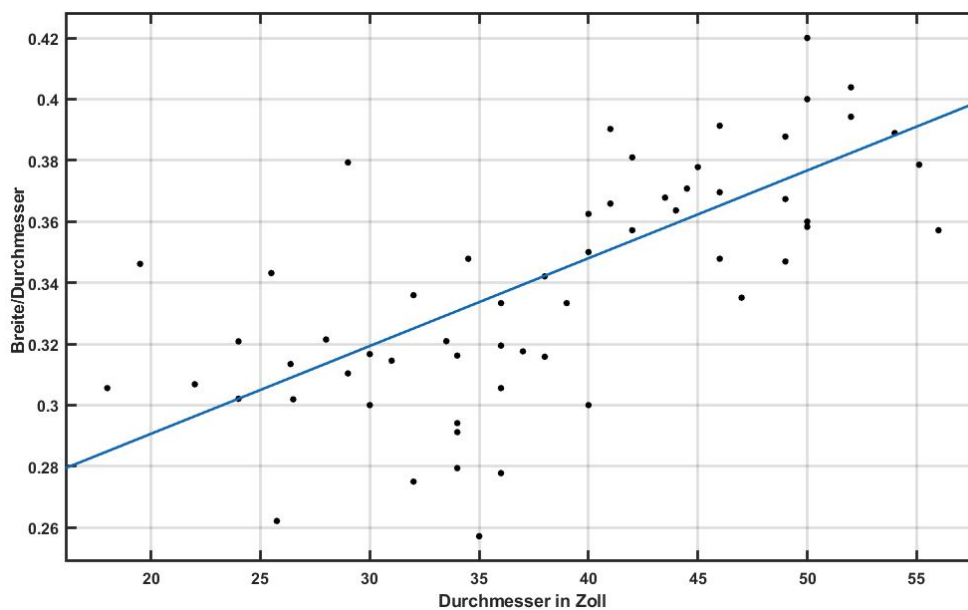


Bild 4.11 lineare Regression von Reifendurchmesser zu w/d der Hauptfahrwerksreifen

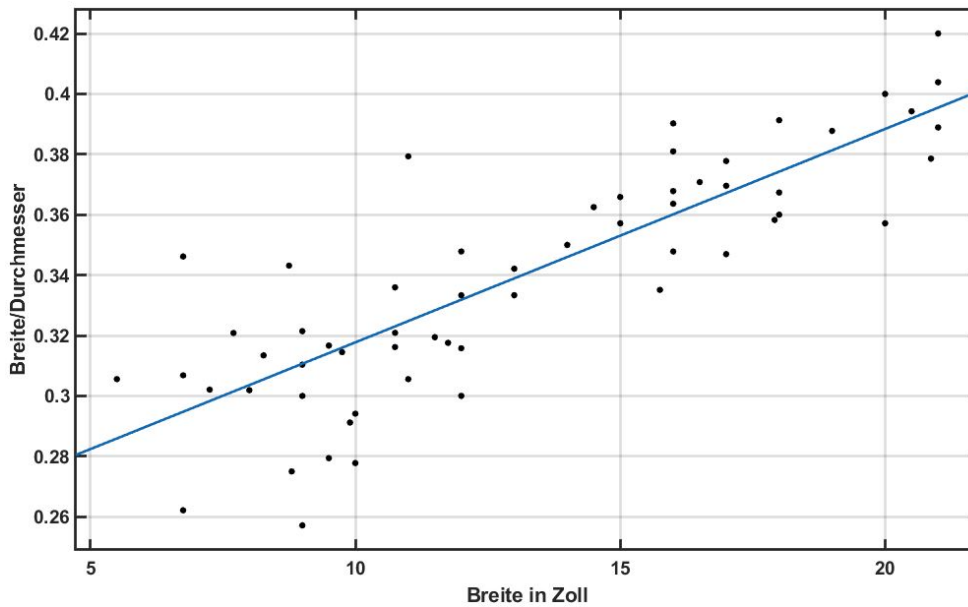


Bild 4.12 lineare Regression von Reifenbreite zu w/d der Hauptfahrwerksreifen

Die statistischen Kennwerte und eine lineare Funktion des Verhältnisses w/d zum Durchmesser d ergibt nach Tabelle 4.7 (Vergleich Bild 4.11):

Tabelle 4.7 Korrelations- und Regressionswerte w/d zu d

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,742
Bestimmtheitsmaß R^2	0,550
Regressionsgleichung (linear)	$\frac{w}{d} = 0,002868 \cdot d + 0,2333$

Aus Bild 4.12 folgt für die Korrelation von w/d zur Reifenbreite w nach Tabelle 4.8:

Tabelle 4.8 Korrelations- und Regressionswerte w/d zu w

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,872
Bestimmtheitsmaß R^2	0,760
Regressionsgleichung (linear)	$\frac{w}{d} = 0,007066 \cdot w + 0,2471$

Die Korrelationskoeffizienten von 0,74 für den Zusammenhang von Durchmesser zu w/d und sogar 0,872 für das Verhältnis von Breite zu w/d bestätigen die Korrelationsvermutung. Allerdings fallen die **Geradensteigungen der Regressionsgeraden gering** aus.

Damit lässt sich für das Verhältnis Reifenbreite zu Reifendurchmesser (w/d) der Hauptfahrwerksreifen ein **typischer Wertebeich von 0,3 bis 0,4** angeben. Reifen mit einem vergleichsweise geringeren Durchmesser (bis $\approx 40''$, (Vergleich Bild 4.11) beziehungsweise einer geringeren Breite (bis $\approx 15''$, Vergleich Bild 4.12) sind eher dem unteren **Wertebereich von 0,3 bis 0,35** zuzuordnen. **Reifen mit größeren Maßen** haben hingegen eher ein Verhältnis w/d von **0,35 bis 0,4**. Ist ein Parameter w oder d bekannt, kann mit den **ermittelten Geradengleichungen** aus den Regressionsanalysen (Vergleich Tabelle 4.7 und 4.8) eine **genäherte Bestimmung des Verhältnisses w/d** erfolgen.

Die Berechnung der Hauptfahrwerksreifendurchmesser mit Gleichung (4.2) kann nun mithilfe der in dieser Arbeit erstellten Zusammenhänge erfolgen, das prinzipielle Vorgehen wird in Anhang A beschrieben.

Da für die Berechnung des Verhältnisses w/d in Abhängigkeit des Durchmessers d zwei Funktionen angegeben werden konnten, sind in Bild 4.13 die Funktion (4.3) sowie die lineare Regressionsgleichung aus Tabelle 4.7 gegenübergestellt. Die Sichtprüfung legt nahe, dass die lineare Funktion den Sachverhalt genauer wiedergibt. Somit sollte die Funktion der Tabelle 4.7 bevorzugt werden.

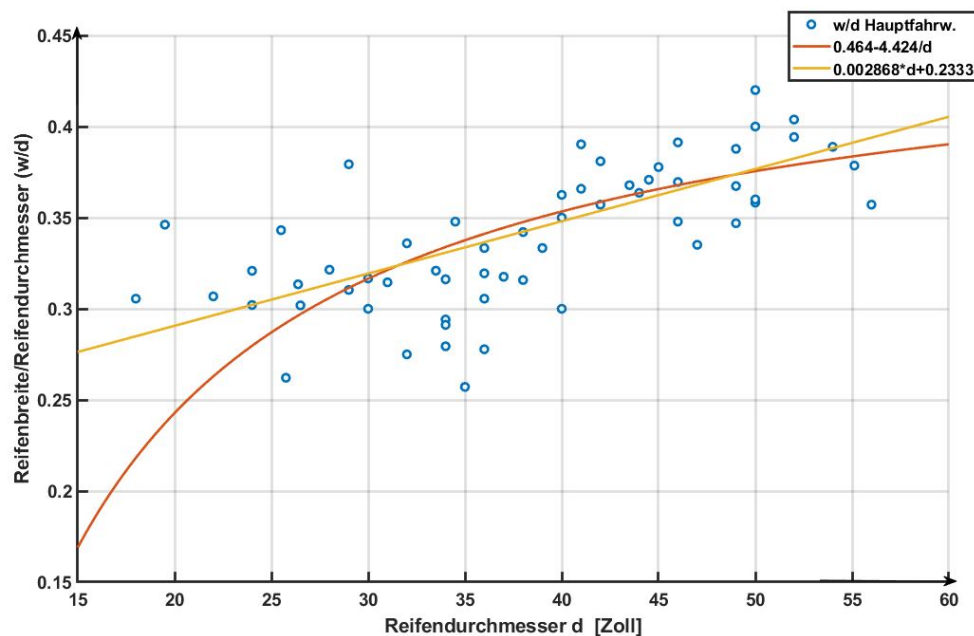


Bild 4.13 Vergleich von Gleichung (4.3) und Regressionsgleichung der Tabelle 4.7

4.7 Statistische Untersuchung der Hilfsfahrwerksreifen

Ein Vergleich der Verteilungen des Verhältnisses w/d von Hauptfahrwerksreifen und Hilfsfahrwerksreifen durch einen Box-Plot (Bild 4.14) zeigt nur geringfügige Unterschiede. Die Hilfsfahrwerksreifenverteilung weist eine größere Streuung hin zu kleineren Werten von w/d auf, der Median ist in Folge ebenfalls etwas niedriger als der Median der Hauptfahrwerksreifen. Daher muss der Abschätzungswertebereich etwas nach unten erweitert werden auf **0,28 bis 0,4**.

Wie schon im vorangegangenen Kapitel der Hauptfahrwerksreifen wurde das Verhältnis w/d im Verhältnis zu einem der Parameter w oder d untersucht. Die Ergebnisse der linearen Regressionsanalysen sind in Bild 4.15 und Tabelle 4.9 beziehungsweise in Bild 4.16 und Tabelle 4.10 gezeigt.

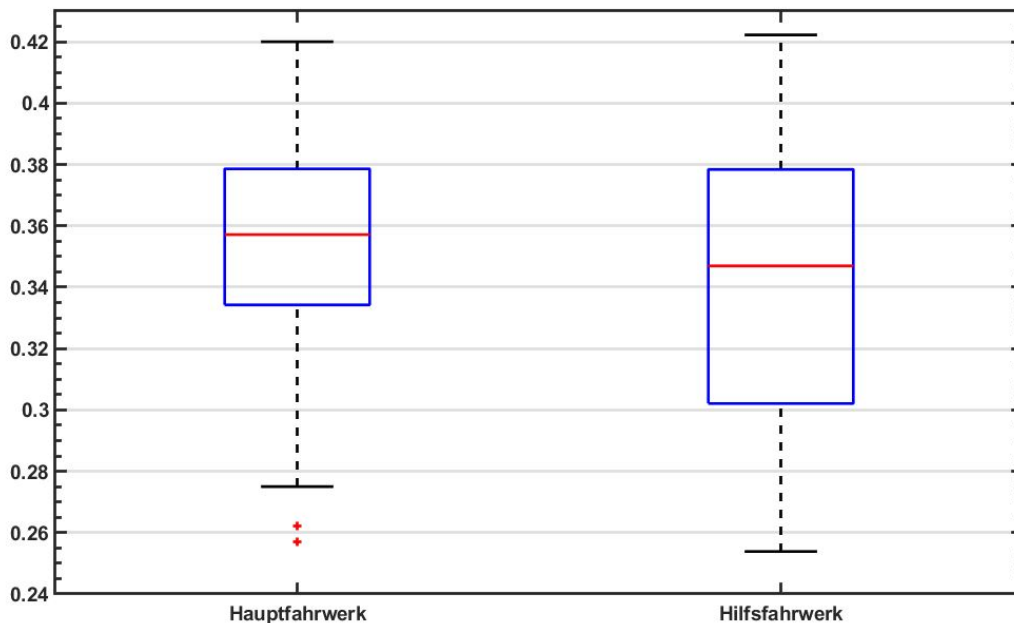


Bild 4.14 Box-Plot der Verteilung w/d von Hauptfahrwerksreifen und Hilfsfahrwerksreifen

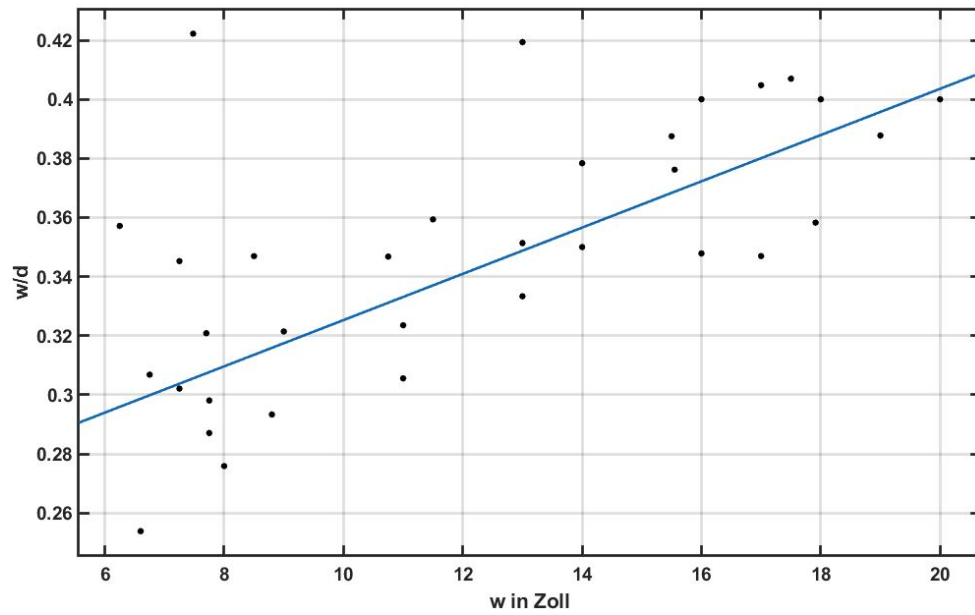


Bild 4.15 lineare Regression von Reifenbreite zu w/d der Hilfsfahrwerksreifen

Tabelle 4.9 Korrelations- und Regressionswerte w/d zu w

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,748
Bestimmtheitsmaß R^2	0,560
Regressionsgleichung (linear)	$\frac{w}{d} = 0,007829 \cdot w + 0,247$

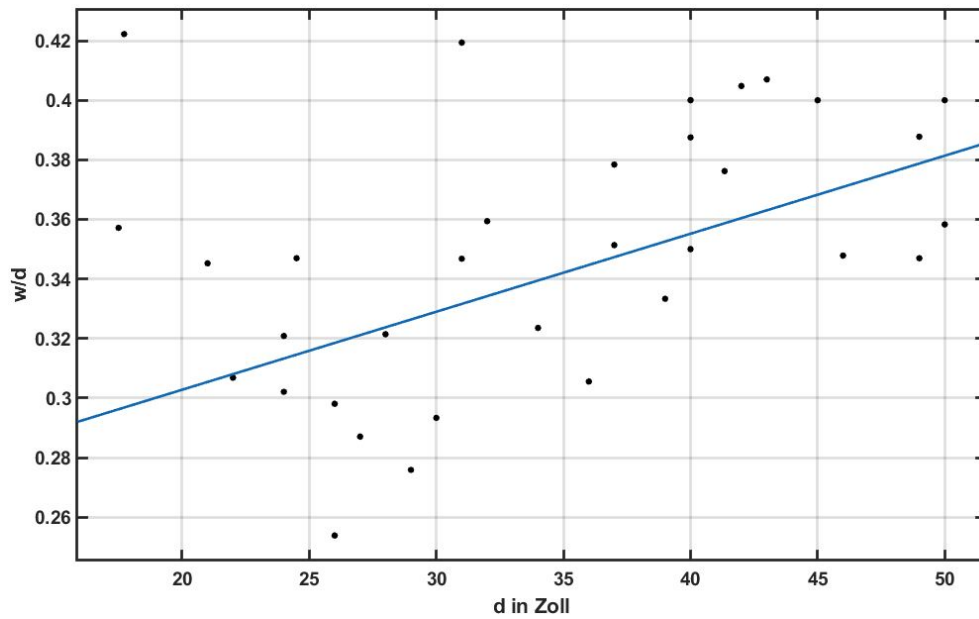


Bild 4.16 lineare Regression von Reifendurchmesser zu w/d der Hilfsfahrwerksreifen

Tabelle 4.10 Korrelations- und Regressionswerte w/d zu d

Kenngröße	Wert
Korrelationskoeffizient R	0,545
Bestimmtheitsmaß R^2	0,297
Regressionsgleichung (linear)	$\frac{w}{d} = 0,002619 \cdot d + 0,2504$

Die Untersuchungen des geometrischen Reifenverhältnisses w/d ergab somit qualitativ vergleichbare Ergebnisse wie schon für die Hauptfahrwerksreifen in Kapitel 4.6 ausgeführt.

5 Zusammenfassung

In dieser Arbeit wurden die geometrischen Größen von einer Auswahl an superkritischen Profilen erhoben und ausgewertet. Dabei konnten Verteilungen der Eigenschaften erfasst und beurteilt werden. Es wurden **Wölbungen** in einem Wertebereich von **0 bis 3,4 %** (der Profiltiefe) beobachtet, die Mehrheit der Daten entfiel auf einen Bereich von 1 bis 2 % Profiltiefe und konnte dem Anwendungsfeld der Transportflugzeuge zugeordnet werden. Die beobachteten **Wölbungsrücklagen** häuften sich im Bereich der Profilhinterkante **zwischen 70 bis 90%** und bestätigen Beschreibungen aus der Literatur. Die **Dickenrücklagen** weisen eine **abstufende Verteilung** um den **Mittelwert von 37%** auf. Abweichende Profile konnten hinsichtlich ihren "speziellen" Entwurfszielen begründet werden, wie Laminarprofile oder symmetrische Profile für den Gebrauch sowohl im transsonischen als auch supersonischen Bereich. Darüber hinaus wurde eine **Umrechnungsformel für den leading-edge-sharpness Parameter** aus der Profildicke eines Profils ermittelt.

Die Untersuchung der Reifendimensionierung konnte einen **linearen Zusammenhang von Reifenbreite und Reifendurchmesser** aufzeigen. Aus dieser Geradengleichung lässt sich auch das gesuchte **Verhältnis w/d** ableiten. Das beobachtete Verhältnis liegt in einem Intervall von **0,3 bis 0,4**. Größere Reifen tendieren dabei zum oberen Wertebereich, kleinere Reifen hingegen zum unteren Wertebereich. Dies konnte durch Regressionsanalysen bestätigt werden und abgeleitete Gleichungen zur Abschätzung des Verhältnisses w/d aufgezeigt werden. Die **Gültigkeit dieser Aussagen** konnte **sowohl für Hauptfahrwerksreifen** als auch, mit leichten Anpassungen des Wertebereichs, für **Hilfsfahrwerksreifen getätigt werden**.

Literaturverzeichnis

- ACB 2018** UIUC APPLIED AERODYNAMICS GROUP: *UIUC Airfoil Coordinates Database*. University of Illinois at Urbana - Champaign, Department of Aerospace Engineering, 2018. – http://m-selig.ae.illinois.edu/ads/coord_database.html
- ATA 100** AIR TRANSPORT ASSOCIATION OF AMERICA: *Specification for Manufacturers, Technical Data, ATA Specification 100, 1994*. – Vertrieb: Air Transport Association of America, 1301 Pennsylvania Avenue NW - Suite 1100, Washington D.C.
- Bridgestone 2018** BRIDGESTONE COOPERATION: *Bridgestone Products: Tire Applications, Tire Specifications*. 2018. – Verfügbar auf: https://www.bridgestone.com/products/speciality_tires/aircraft/products/applications/pdf/tire_specifications.pdf, archiviert als: <https://bit.ly/2RaFDPf>
- DATCOM 1978** HOAK, John E.: *The USAF Stability and Control Datcom*. Air Force Flight Dynamics Laboratory, Air Force Wright Aeronautical Laboratories, Air Force Systems Command - Vertrieb: NTIS, 1978
- Dunlop 2014** DUNLOP: *Abbreviated Component Maintenance Manual, Aircraft Tyres and Tubes*. DUNLOP AIRCRAFT TYRES LIMITED, 2014. – abrufbar auf: http://www.dunlopaircrafttyres.co.uk/tech_support/dm1172/DUNLOP_DM1172.pdf, archiviert als: <https://bit.ly/2DuW41M>
- EASA CS-25 2018** EUROPEAN AVIATION SAFETY AGENCY: *Certification Specifications for Large Aeroplanes, Chapter 25*. 2018. – URL: <https://www.easa.europa.eu/certification-specifications/cs-25-large-aeroplanes>
- Fahrmeir 2016** FAHRMEIR, L. ; HEUMANN, C. ; KÜNSTLER, R. ; PIGEOT, I. ; TUTZ, G.: *Statistik - Der Weg zur Datenanalyse*. Berlin, Heidelberg, New York : Springer-Verlag, 2016. – URL: <http://doi.org/10.1007/978-3-662-50372-0>

- FAR PART 25 2018** FEDERAL AVIATION ADMINISTRATION: *Federal Aviation Regulations (FAR) Part 25 – Airworthiness Standards: Transport Category Airplanes*. 2018. – URL: <https://www.ecfr.gov/cgi-bin/text-idx?node=14:1.0.1.3.11>
- GND 4005461-5** KATALOG DER DEUTSCHEN NATIONALBIBLIOTHEK: *Normdaten: GND- Identifikationsnummer: 4005461-5, Bemessung*. – URL: <http://d-nb.info/gnd/4005461-5>
- Goodyear 2018** THE GOODYEAR TIRE AND RUBBER COMPANY: *The Aircraft Tire DataBook*. 2018. – verfügbar auf URL: <https://www.goodyearaviation.com/resources/pdf/databook-6-2018.pdf>, archiviert unter: <https://bit.ly/2Dwvgh>
- Harris 1990** HARRIS, Charles D.: *NASA Supercritical Airfoils - A Matrix of Family-related Airfoils*. Hampton, Virginia, Langley Research Center : National Aeronautics and Space Administration, Office of Management, Scientific and Technical Information Division, 1990. – URL: <http://hdl.handle.net/2060/19900007394>
- ISO/IEC 14977** INTERNATIONALE ORGANISATION FÜR NORMUNG: *ISO/IEC 14977: 1996 Information technology — Syntactic metalanguage — Extended BNF*. – URL: <https://www.iso.org/standard/26153.html>
- Nandan 1987** NANDANAN, M. ; RAMASWAMY, M.A.: Lifting Symmetric Supercritical Airfoils for Wing Design of Combat Aircraft. In: *Communications in Applied Numerical Methods* Volume 3, Issue 6 (1987), S. 463 – 468. – URL: <https://doi.org/10.1002/cnm.1630030604>
- NTRS 2018** NASA: *NASA TECHNICAL REPORT SERVER (NTRS)*. 2018. – URL: <https://www.sti.nasa.gov>
- Oertel 2017** OERTEL, Herbert j.: *Prandtl - Führer durch die Strömungslehre - Grundlagen und Phänomene*. Berlin, Heidelberg, New York : Springer-Verlag, 2017. – DOI: <https://doi.org/10.1007/978-3-8348-2315-1>

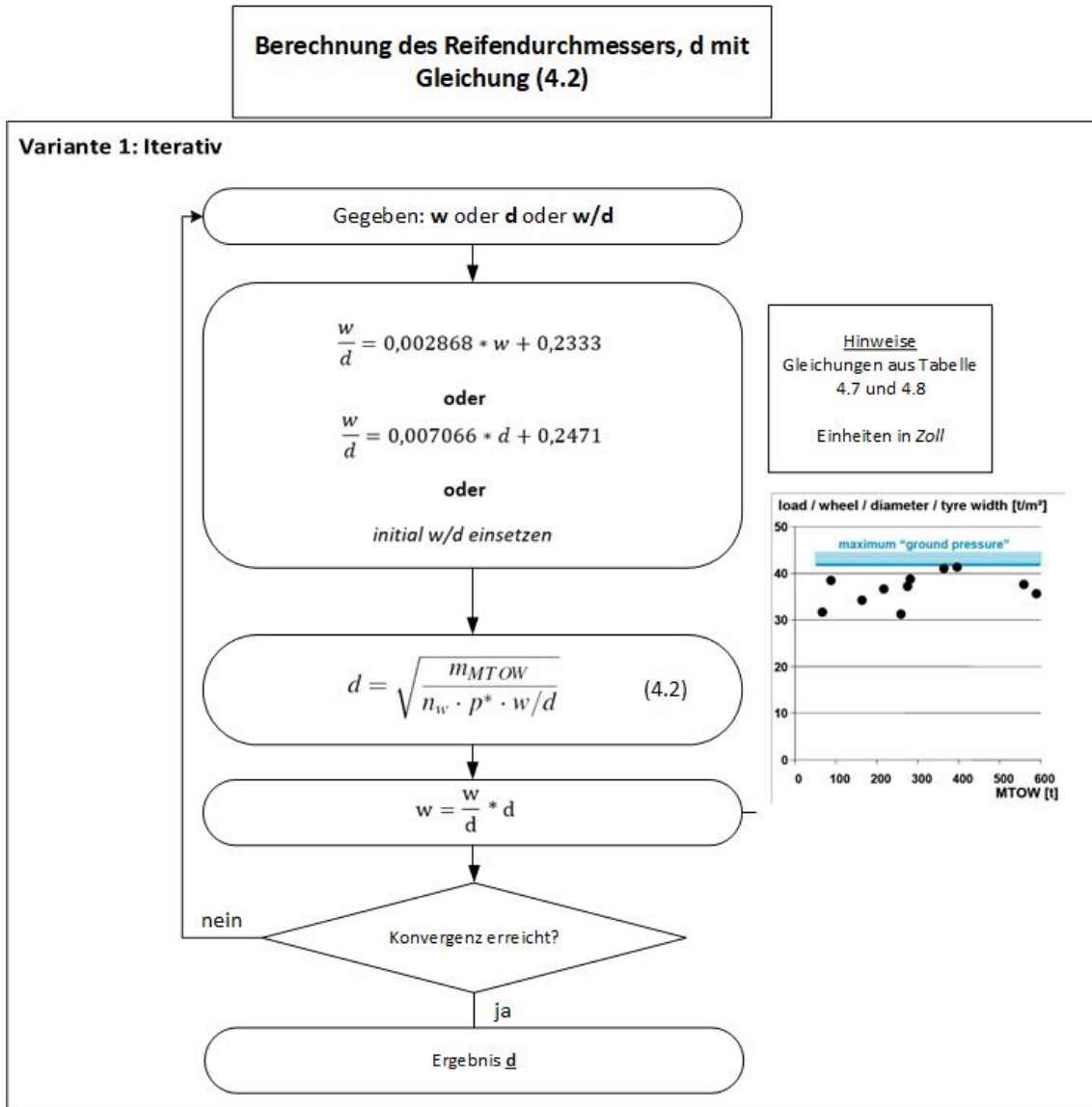
- Raymer 1992** RAYMER, D. P.: *Aircraft Design - A Conceptual Approach*. AIAA Education Series. Washington D.C. : American Institute of Aeronautics and Astronautics, 1992. – URL: <https://doi.org/10.2514/4.869112> archiviert als: <https://perma.cc/U478-X52U>
- Roloff 2014** ROLOFF, Gerd: *Fahrwerk*. In: ROSSOW (Hrsg.): *Handbuch der Luftfahrzeugtechnik*. München : Carl Hanser Verlag, 2014. – Abschnitt 7.10 - URL: <https://doi.org/10.3139/9783446436046.007>
- Rossow 2014** ROSSOW, C. ; WOLF, K. ; HORST, P.: *Handbuch der Luftfahrzeugtechnik*. München : Carl Hanser Verlag, 2014. – URL: <https://doi.org/10.3139/9783446436046>
- Scheiderer 2008** SCHEIDERER, J.: *Angewandte Flugleistung - Eine Einführung in die operationelle Flugleistung vom Start bis zur Landung*. Berlin : Springer Science & Business Media, 2008. – URL: <https://doi.org/10.1007/978-3-540-72724-8>
- Schiktanz 2011** SCHIKTANZ, Daniel ; SCHOLZ, Dieter: *Survey of Experimental Data of Selected Supercritical Airfoils*. Aircraft Design and Systems Group (AERO), Department of Automotive and Aeronautical Engineering, Hamburg University of Applied Sciences, 2011. – URL: <http://reports-at-aero.ProfScholz.de>
- Scholz 2011** SCHOLZ, Dieter: *Skript zur Vorlesung Flugzeugentwurf*. Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg - , Department Fahrzeugtechnik & Flugzeugbau, 2011. – URL: <http://fe.ProfScholz.de> (Passwort erforderlich) und <http://H00U.ProfScholz.de>
- Scholz 2016** SCHOLZ, Dieter: *Flugzeugsysteme*. Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg, Department Fahrzeugtechnik & Flugzeugbau, 2016. – <http://handbuch.ProfScholz.de>
- Scholz 2017** SCHOLZ, Dieter: *Aircraft Design in a Nutshell*. Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg, Department Fahrzeugtechnik & Flugzeugbau, 2017. – URL: http://www.fzt.haw-hamburg.de/pers/Scholz/H00U/Aircraft_Design_in_a_Nutshell.pdf

- Stanewsky 1988** STANEWSKY, E. ; DEMURIE, F. ; RAY, E.J. ; JOHNSON, C.B.: *High Reynolds Number Tests of the Cast-10-2/DOA 2 Transonic Airfoil at Ambient and Cryogenic Temperature Conditions*. In: RAY, E. J.; HILL, A.S. (Hrsg.): CAST- 10-2/DOA 2 Airfoil Studies Workshop Results. NASA Conference Publication 3052, 1988, S. 47-60., 1988. – URL: <http://hdl.handle.net/2060/19900008331>
- Trahmer 2004** TRAHMER, Bernd: *Fahrwerk - Fahrwerksintegration in den Gesamtentwurf*. Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg, Department Fahrzeugtechnik & Flugzeugbau, 2004. – URL: <http://fe.ProfScholz.de> (Passwort erforderlich)
- Tukey 1977** TUKEY, John W.: *Exploratory Data Analysis*. Addison-Wesley Publishing Company, 1977. – ISBN 978-0-201-07616-5
- WATOG 1992** AIR TRANSPORT ASSOCIATION OF AMERICA: *Airline Industry Standard, World Airlines Technical Operations Glossary (WATOG)*. Washington : ATA, 1992. – Der Inhalt ist enthalten in IS 10041, Glossary of Terms for Airlines Technical Operation, archiviert als: <https://archive.org/details/gov.in.is.10041.1981>
- Whitcomb 1974** WHITCOMB, R. T.: *Review of NASA Supercritical Airfoils*. Bd. ICAS Paper No. 74-10. In: DEXTER, R.R.; SINGER, J. (Hrsg.): ICAS Proceedings 1974 (9h ICAS Congress, Haifa, Israel, 25-30 August 1974), ICAS, 1974. – URL: http://www.icas.org/ICAS_ARCHIVE/ICAS1974/Page%208%20Whitcomb.pdf
- XFLR5 2018** XFLR5: *is an analysis tool for airfoils, wings and planes operating at low Reynolds Numbers*. 2018. – Lizenz: GNU General Public License, Webpage URL: <http://www.xflr5.com/xflr5.htm>, Download URL: <https://sourceforge.net/projects/xflr5/files/>
- XFoil 2018** *XFoil - Subsonic Airfoil Development System, Software*. 2018. – Lizenz: GNU General Public License, URL: <https://web.mit.edu/drela/Public/web/xfoil/>
- Zingel 2012** ZINGEL, Harmut: *Umdruck zur Vorlesung Flugzeugprojekt: Ae-*

rodynamik. HAW Hamburg, Department Fahrzeugtechnik und
Flugzeugbau, 2012

Anhang A

Berechnung des Reifendurchmessers mit der Gleichung (4.2)



Variante 2: kubische Gleichung lösen

mit: $\frac{w}{d} = a_d * d + b_d$ (Parameter der linearen Gleichung wie bei Variante 1.)

$$d = \sqrt{\frac{K}{w/d}} \quad \text{mit} \quad K = \frac{m_{MTO}}{n_w \cdot p^*}$$

$$d = \sqrt{\frac{K}{a_d * d + b_d}} \rightarrow d^2 = \frac{K}{a_d * d + b_d}$$

$$a_d * d^3 + b_d * d^2 - K = 0$$

Lösbar mit Excel – Solver o.ä.